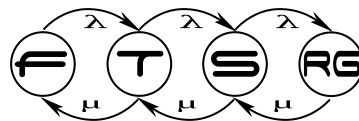


Adatbázisok elmélete - 2019. május 2.

Gráfadatbázisok

Szárnyas Gábor
szarnyas@mit.bme.hu



Magyar Tudományos
Akadémia



NoSQL rendszerek

ADATBÁZISKEZELŐ HASZNÁLHATÓSÁGA

- Kifejezőerő
 - Adatmodell
 - Lekérdezőnyelv
- Hatékonyság
 - Lekérdezés optimalizáló
 - Lekérdezéskiértékelő
- Tooling
 - Eszközök (CLI/GUI/web UI)
 - Integráció (drivererek)
 - Üzemeltetés (backup, hot swap)
- A dokumentáción túl...
 - Terméktámogatás (support)
 - Közösség (community): levelezőlisták, Stack Overflow, konferenciák

RELÁCIÓS ADATMODELL

- Közel 50 éves terület
- Kiforrott elmélet
 - Több tízezer publikáció, tankönyvek
 - Az oktatás része
- Kiforrott eszközök
 - Kifinomult optimalizáció
 - Hatékony végrehajtómotorok
 - Jól üzemeltethetők



E. F. Codd,
A Relational Model of Data for Large Shared Data Banks,
Communications of the ACM, 1970

NOSQL RENDSZEREK

Tipikusan:

- Nemrelációs adatmodell
- Cél a skálázhatóság
- Nyílt forráskód
- Kiforratlanabb implementációk, de aktív közösségek

4 fő kategória:

- | | |
|-----------------------|------------------------------|
| ▪ Dokumentumtárolók | MongoDB, CouchDB |
| ▪ Oszlopcsaládok | Cassandra, HBase |
| ▪ Kulcs-érték tárolók | BerkeleyDB, Redis, Memcached |
| ▪ Gráfadatbázisok | Neo4j |

“NOSQL DATABASES” JEGYZET

Christof Strauch, [NoSQL Databases](#),
Stuttgart Media University, 2009-2011

1.2 Uncovered topics

The class of graph databases is also left out of this paper but some resources are provided in the appendix A.

NoSQL Databases

Christof Strauch
(cs134@hdm-stuttgart.de)

Lecture

Selected Topics on Software-Technology
Ultra-Large Scale Sites

Lecturer

Prof. Walter Kriha

Course of Studies

Computer Science and Media (CSM)

University

Hochschule der Medien, Stuttgart
(Stuttgart Media University)

“NOSQL DATABASES” JEGYZET

	Performance	Scalability	Flexibility	Complexity	Functionality
Key-Value Stores	high	high	high	none	variable (none)
Column stores	high	high	moderate	low	minimal
Document stores	high	variable (high)	high	low	variable (low)
Graph databases	variable	variable	high	high	graph theory
Relational databases	variable	variable	low	moderate	relational algebra

Table 2.4.: Classifications – Categorization and Comparison by Scofield and Popescu (cf. [Pop10b], [Sco10])

Látni fogjuk, hogy a “functionality” besorolás nem teljesen pontos.

ADATBÁZISOK, NOSQL FEJEZET, 2012-

(Á. Barabás, G. Szárnyas, S. Gajdos)

Példák:

- Neo4j
- AllegroGraph
- HypergraphDB
- InfiniteGraph
- FlockDB

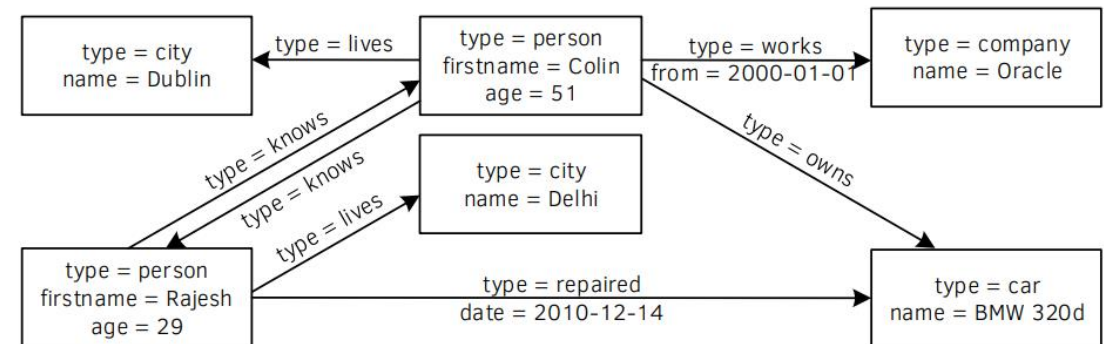
C.5.4. Gráfadatbázisok

Komplex, sok összefüggést tartalmazó adathalmazokat gyakran célszerű gráffal reprezentálni. Sajnos a gráfok relációs adatbázis-kezelőkben való tárolása esetén a gráfokon végzett műveletek rendkívül költségesek lehetnek: egy gráf bejárásához például több természetes illesztésre lehet szükség, ami köztudottan költséges művelet.

A *gráfadatbázisok* (graph database) gráfok hatékony tárolását és ezáltal gráfműveletek gyors végrehajtását teszik lehetővé [35].

A gráfadatbázisok jellemzően *tulajdonsággráfokat* (property graph) tárolnak, melyek csomópontjaihoz és éleihez tulajdonságok köthetők – rendszerint kulcs-érték párok formájában. Ezen tulajdonságok között jellemzően megtalálható az adott csomópontok és élek típusa is.

A C.13. ábrán látható tulajdonsággráfról például a következő állítást olvashatjuk le: az 51 éves Colin Dublinban lakik.



C.13. ábra. Tulajdonsággráf

A gazdag adatmodell miatt a gráfadatbázisok jellemzően kevésbé skálázódnak a többi NoSQL rendszernél, a legtöbb gráfadatbázis csak replikációt támogat.

Példák gráfadatbázisokra: Neo4j, AllegroGraph, HypergraphDB, InfiniteGraph, FlockDB.

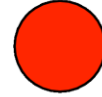
Adatmodell

GRÁF ADATMODELL

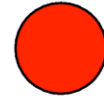
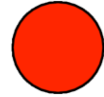
$$G = (V, E)$$

"textbook graph"

GRÁF ADATMODELL

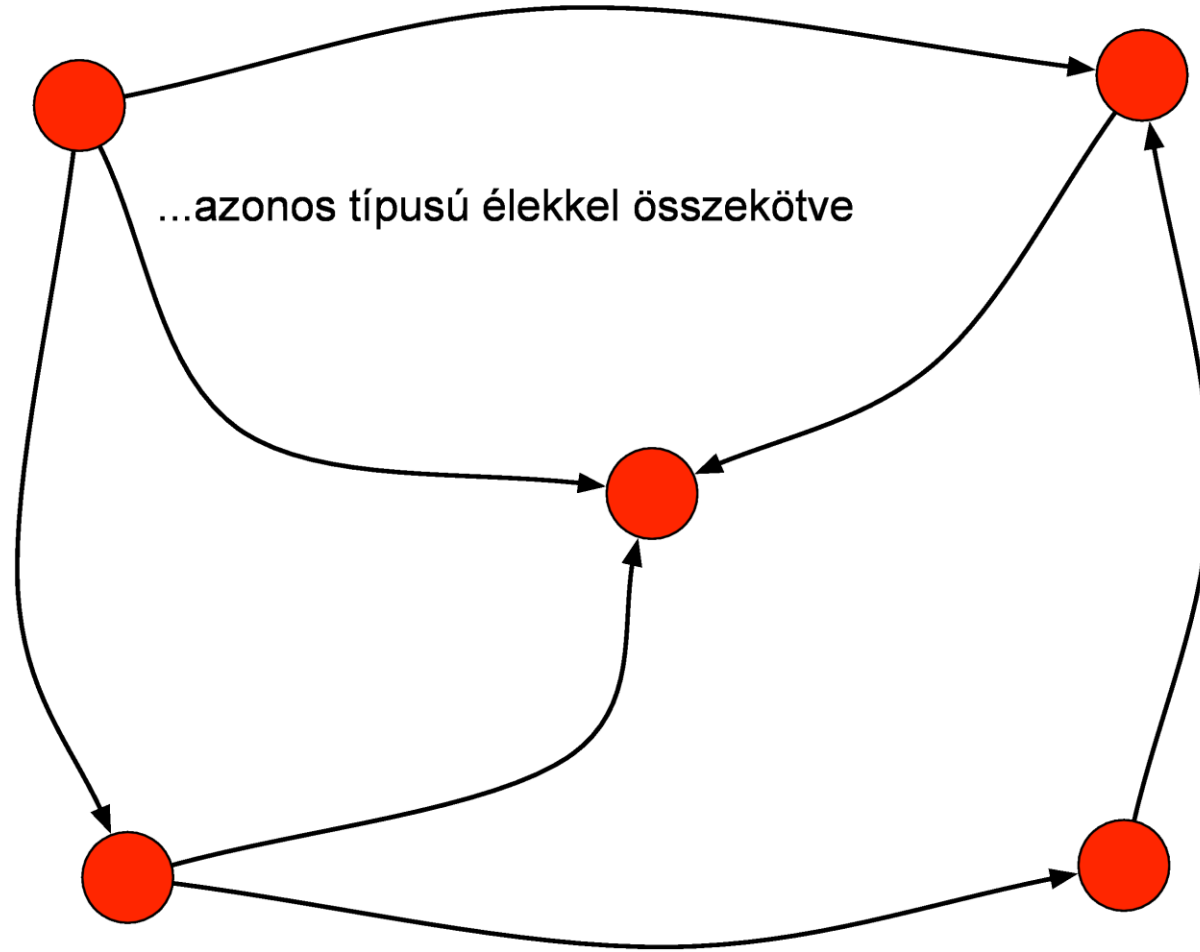


Azonos típusú csomópontok



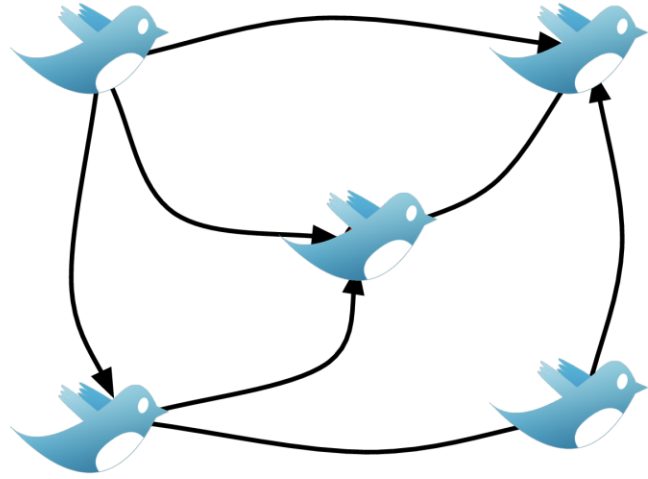
V

GRÁF ADATMODELL



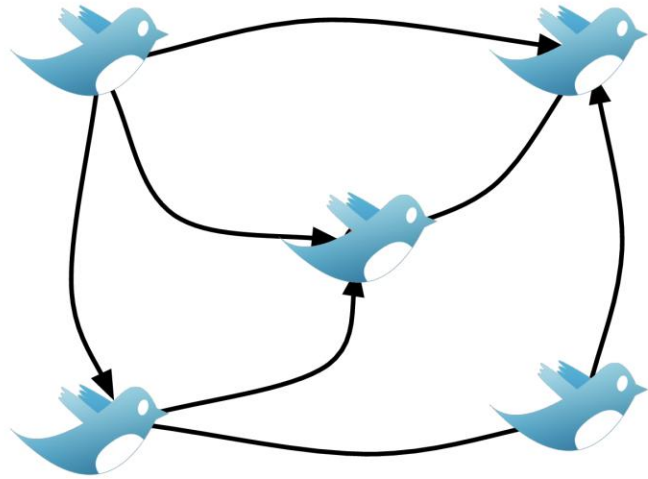
E

KORLÁTOZOTT KIFEJEZŐERŐ



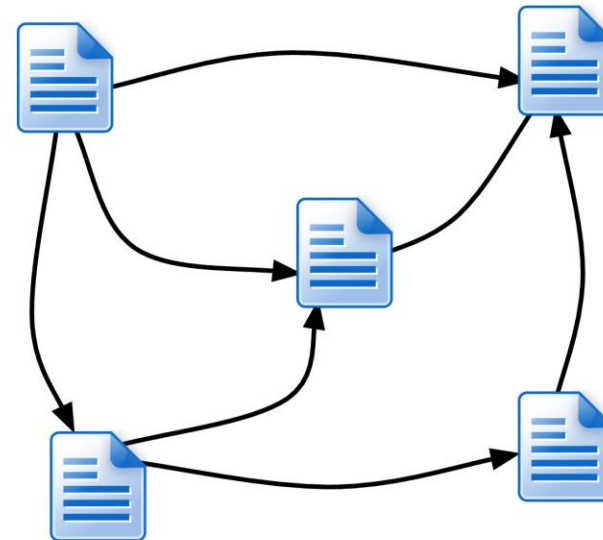
Twitter: ki kit követ

KORLÁTOZOTT KIFEJEZŐERŐ

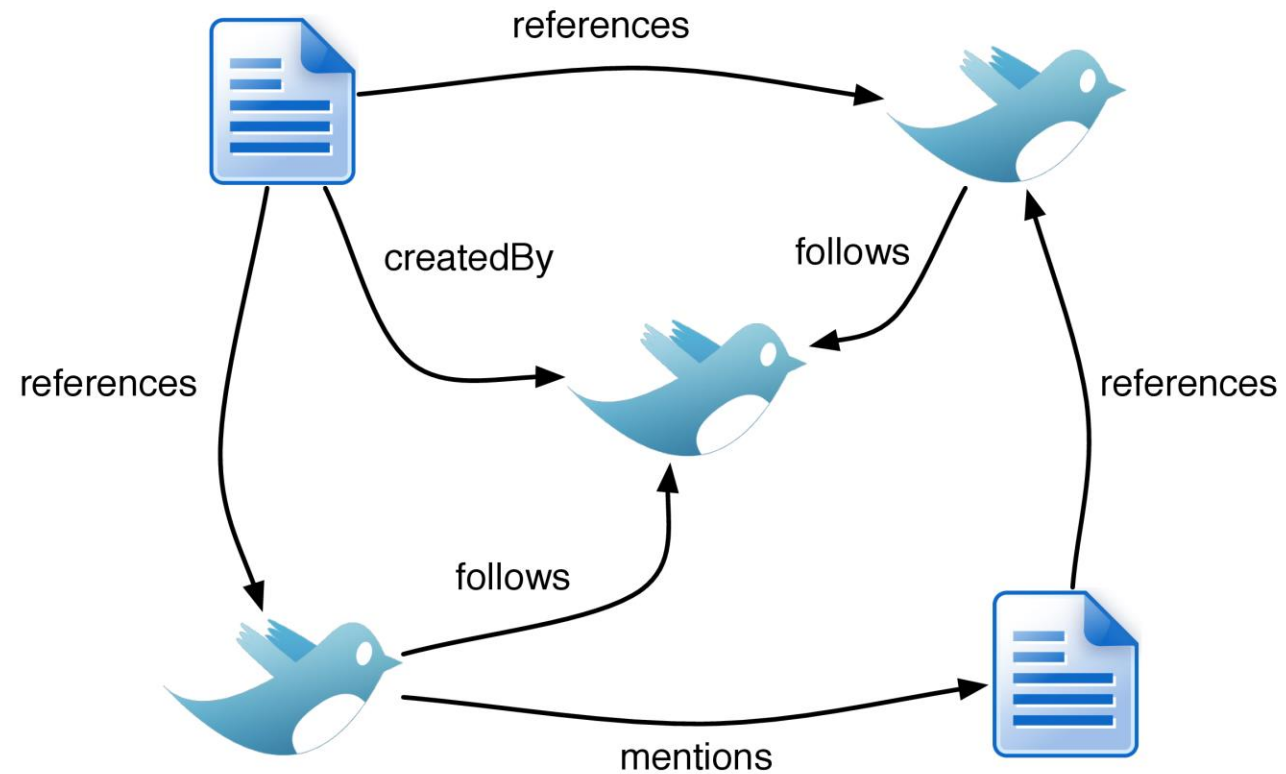


Twitter: ki kit követ

...weboldalak és linkek



KÜLÖNBÖZŐ KAPCSOLATOK EGYÜTT



TULAJDONSÁGGRÁF

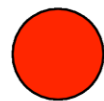
- Property graph (PG)
- Labelled property graph (LPG)
- Attributed graph

$$G = (V, E, \lambda)$$

* Irányított gráf, élek: címkék, csomópontok: tulajdonságok

* Többszörös élek lehetségesek

TULAJDONSÁGGRÁF



csúcs

TULAJDONSÁGGRÁF

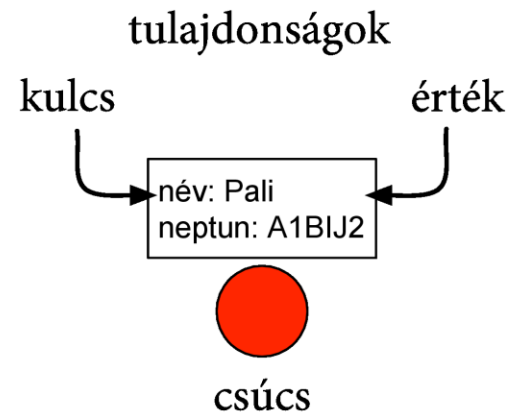
tulajdonságok

név: Pali
neptun: A1BIJ2



csúcs

TULAJDONSÁGGRÁF

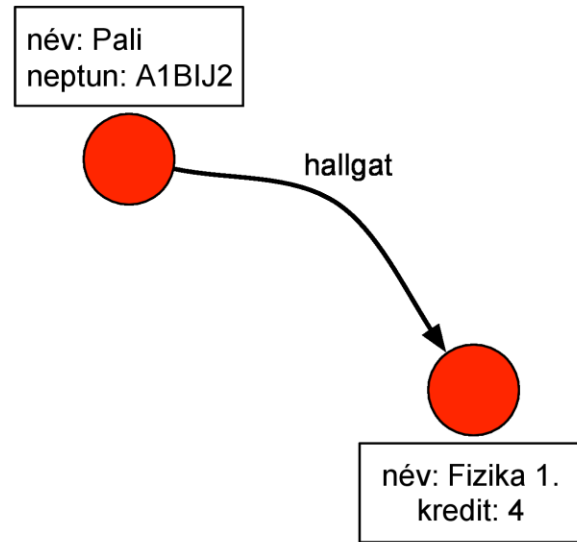


TULAJDONSÁGGRÁF

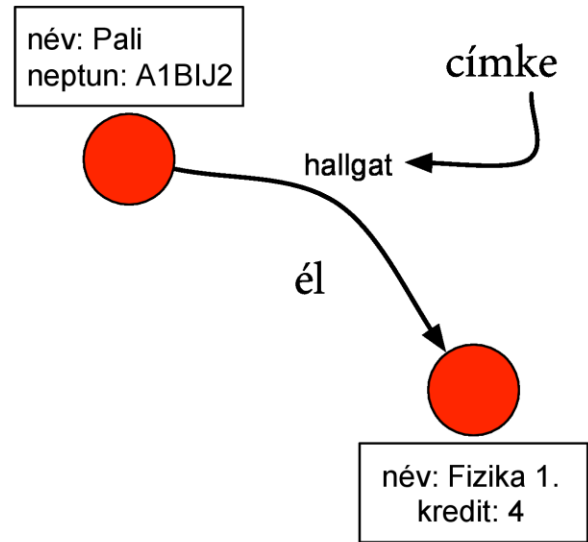
név: Pali
neptun: A1BIJ2



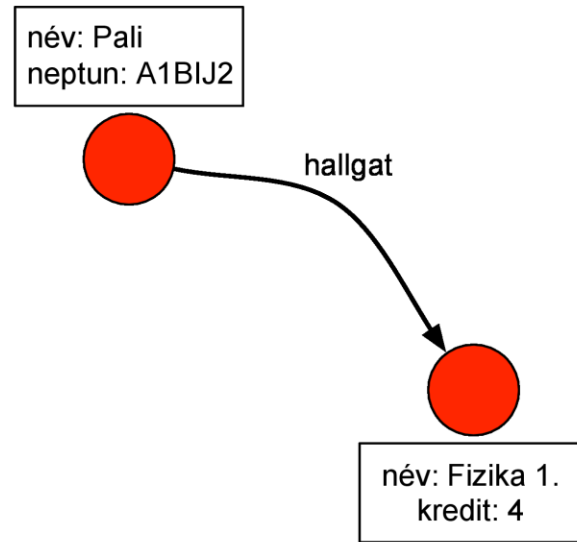
TULAJDONSÁGGRÁF



TULAJDONSÁGGRÁF



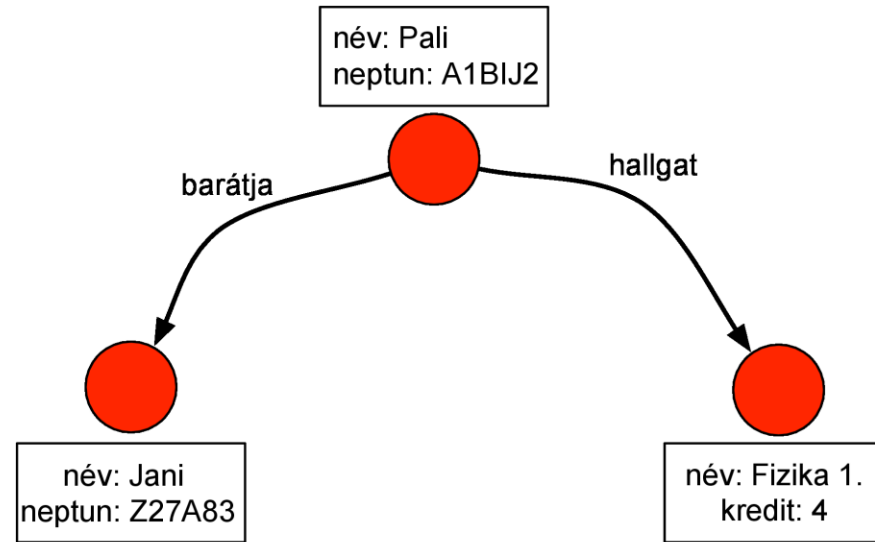
TULAJDONSÁGGRÁF



TULAJDONSÁGGRÁF

Filozófia:

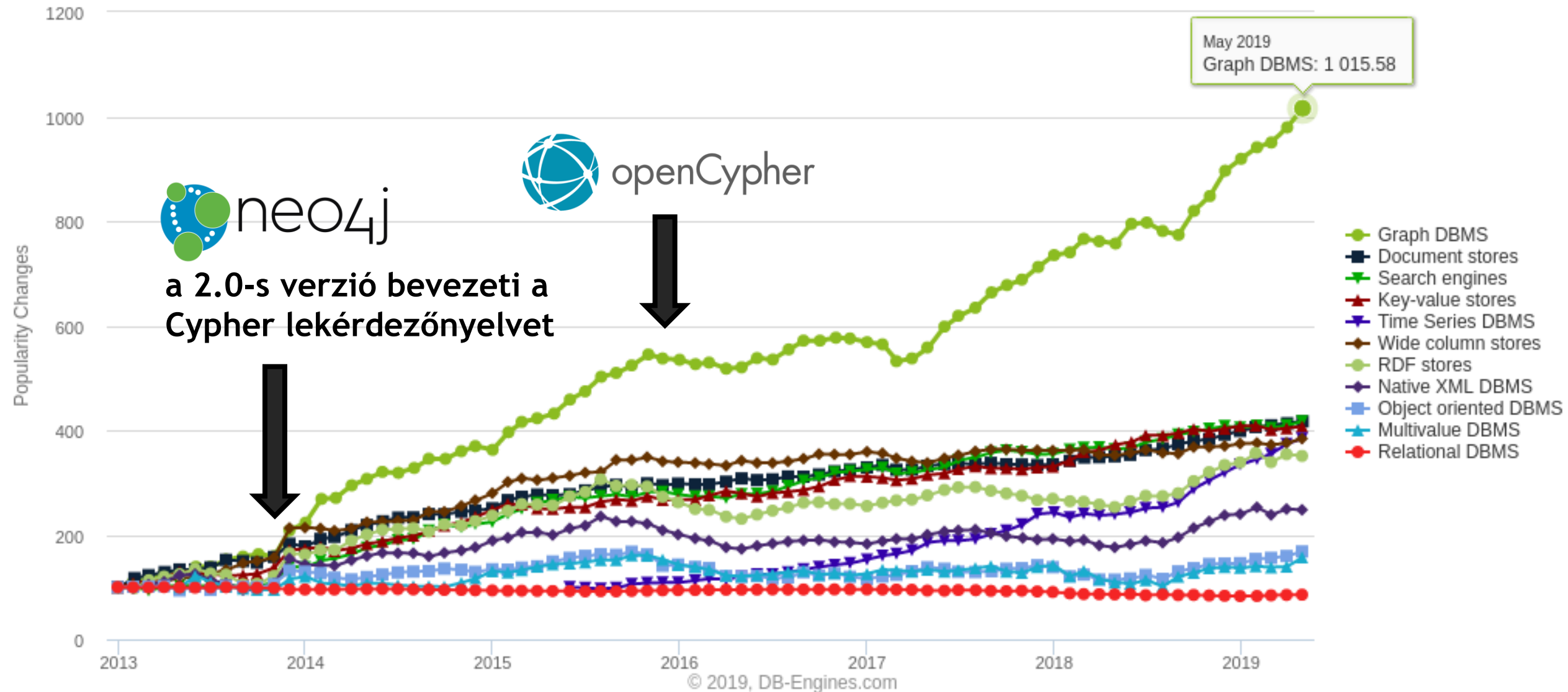
- **Miért jó ez?**
- **Akkor nem elterjedtebb?**



Sőt: kollekciók (lista, map) is lehet tulajdonság értéke

ADATMODELLEK RELATÍV NÉPSZERŰSÉGE

Complete trend, starting with January 2013



GRÁF ADATMODELL FOGALMAI

▪ Csomópont	vertex	(node)
▪ Élek	edge	(relationship)
▪ Attribútum	attribute	(property)
▪ Útvonal	simple path	(path)
▪ Élsorozat	walk	(path)
▪ Séta	trail	(path)

TL;DR:
definiáljuk
pontosan
a fogalmakat

3.14. Definíció *A G gráf élsorozata egy olyan $(v_1, e_1, v_2, e_2, \dots, v_k)$ sorozat, amire $e_i \in E(G)$ és $e_i = v_i v_{i+1}$ ($\forall 1 \leq i < k$). A séta olyan élsorozat, aminek minden éle különböző.*

Séták [[szerkesztés](#)]

Egy **séta** csúcsok és élek váltakozó sorozata, mely csúccsal kezdődik és csúcsban végződik, és minden csúcs szomszédos az őt megelőző és őt követő éllel, illetve minden él két végpontja az őt megelőző és az őt követő csúcs.

ADATMODELLEK LEKÉPEZÉSE

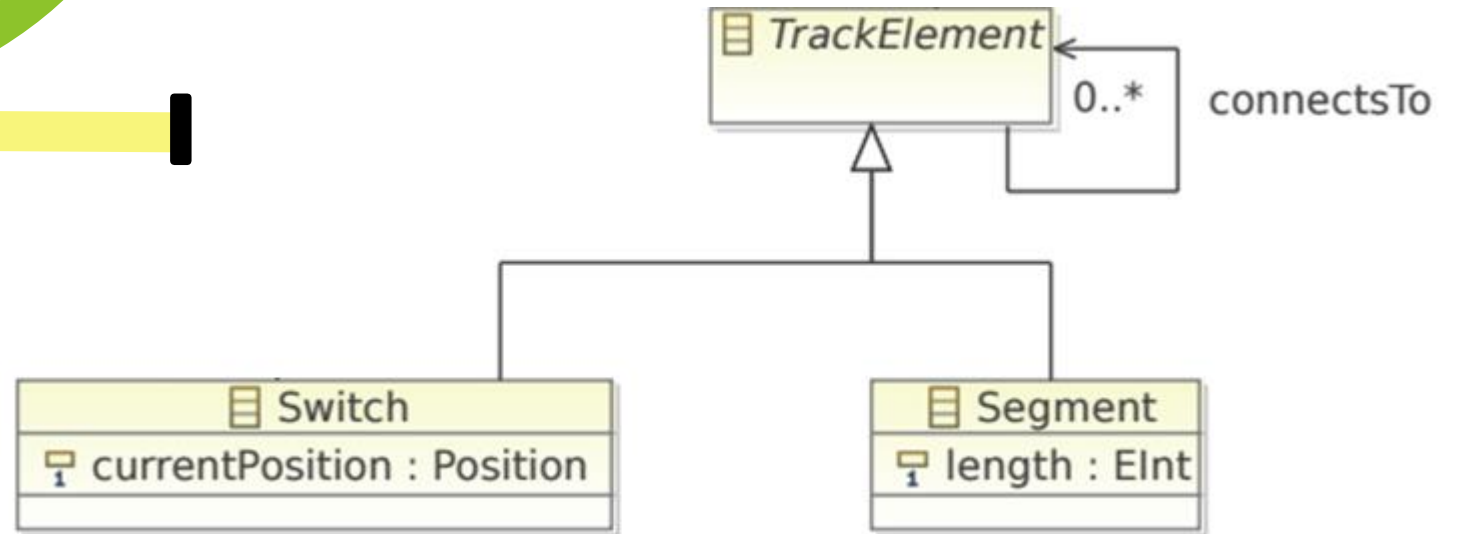
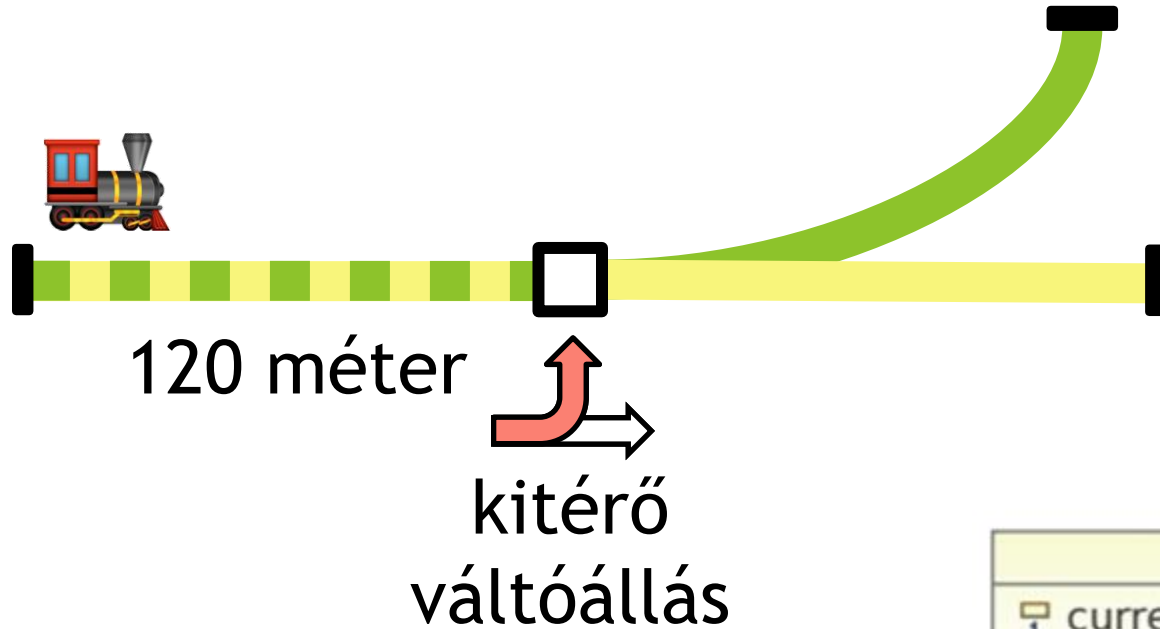
OO	tulajdonsággráf	RDF	SQL
osztály def.	csomópont címke	rdfs:class	tábla
referencia def.	élcímke	rdf:Property, owl:ObjectProperty	idegen kulcs
attribútum def.	tulajdonság név	rdf:Property, owl:DatatypeProperty	oszlop def.
attribútum típusa	tulajdonság típusa	rdfs:domain	oszlop típusa
ősosztály	OGM probléma	rdfs:subClassOf	ORM probléma

- $O(n^2)$ nagyságrendnyi leképezés lehetséges
- Köztes nyelvvel levihető $O(n)$ -re ($\sim 2n$), de ez ritkán hatékony



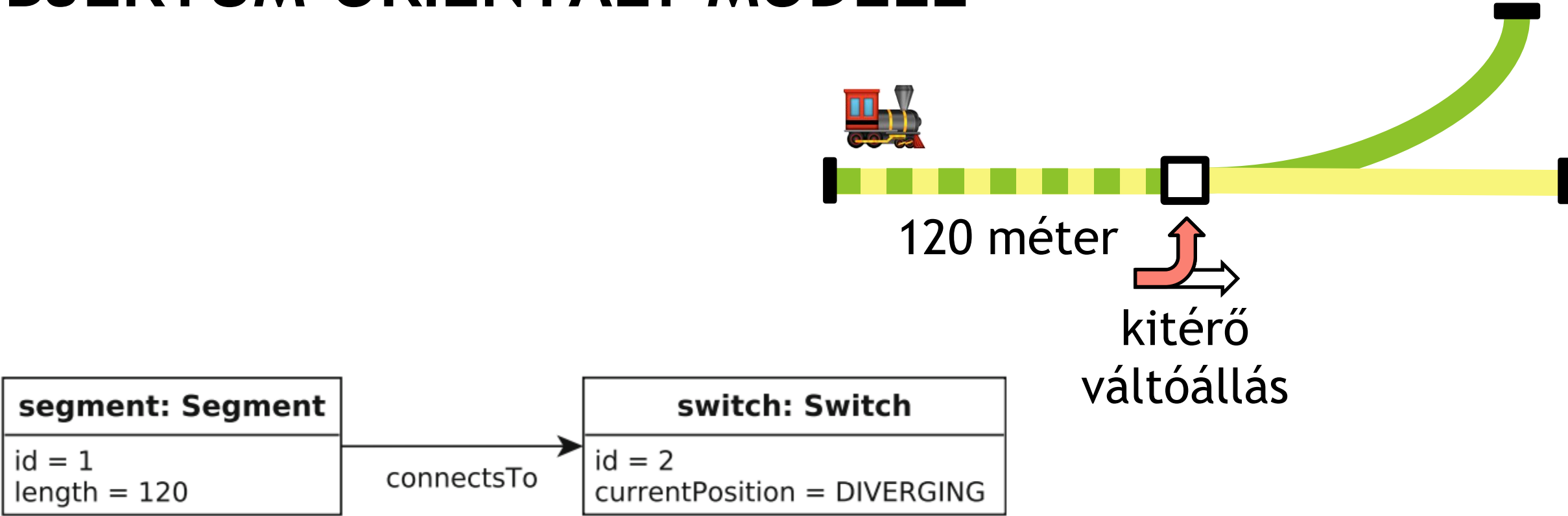
Antal János Benjamin, Elekes Márton:
Gráf információs rendszerek összehasonlító teljesítménymérése.
OTDK 1. hely

ÖRÖKLÉS ÉS ATTRIBÚTUMOK MODELLEZÉSE

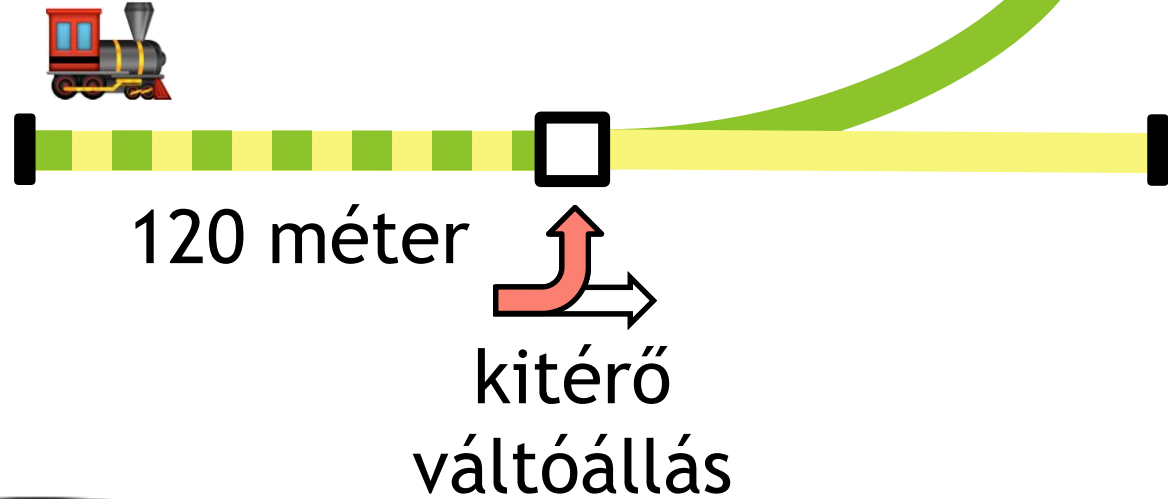
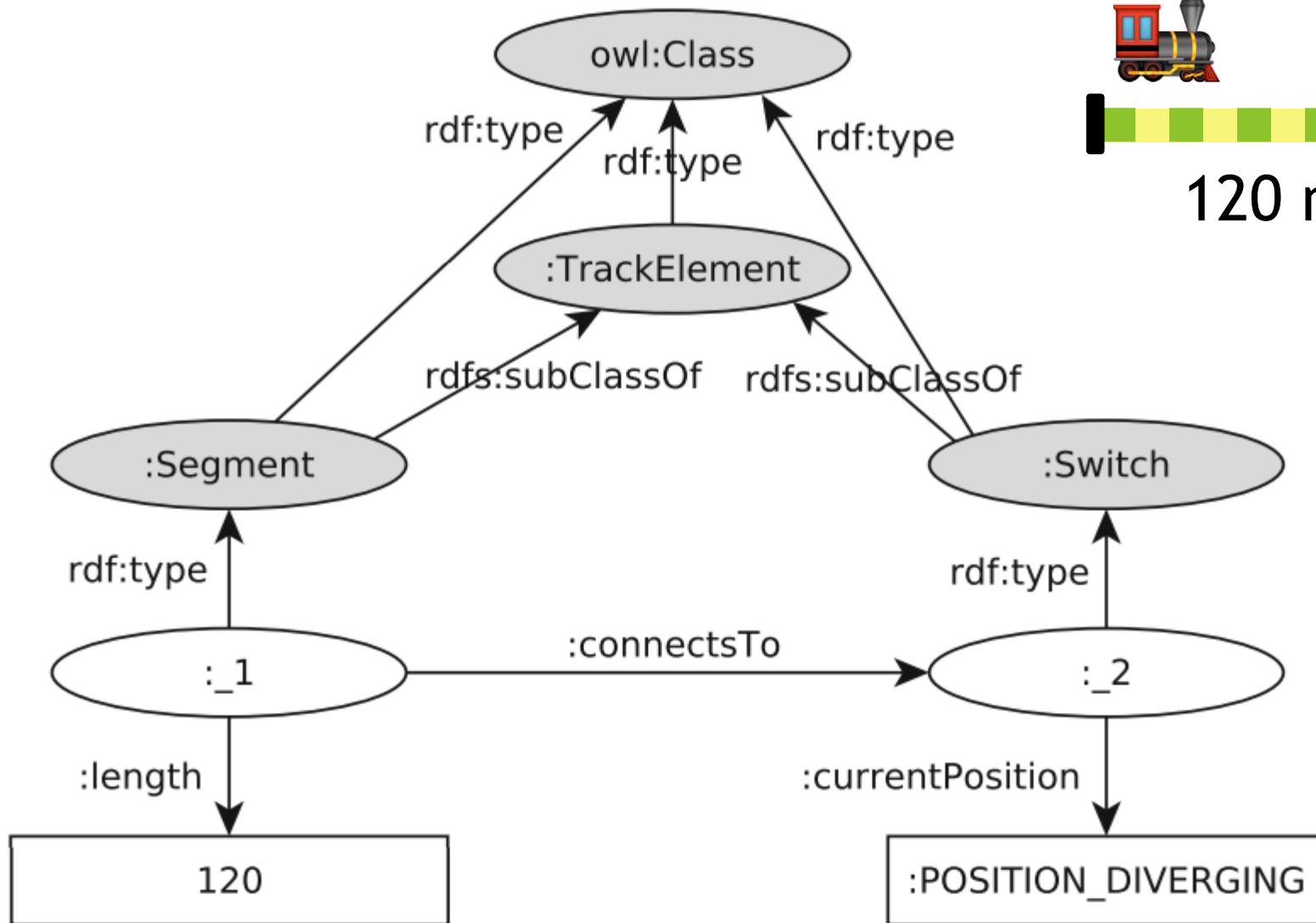


G. Szárnyas, B. Izsó, I. Ráth, D. Varró,
The Train Benchmark: cross-technology performance evaluation of continuous model queries,
Software and Systems Modeling, 2017

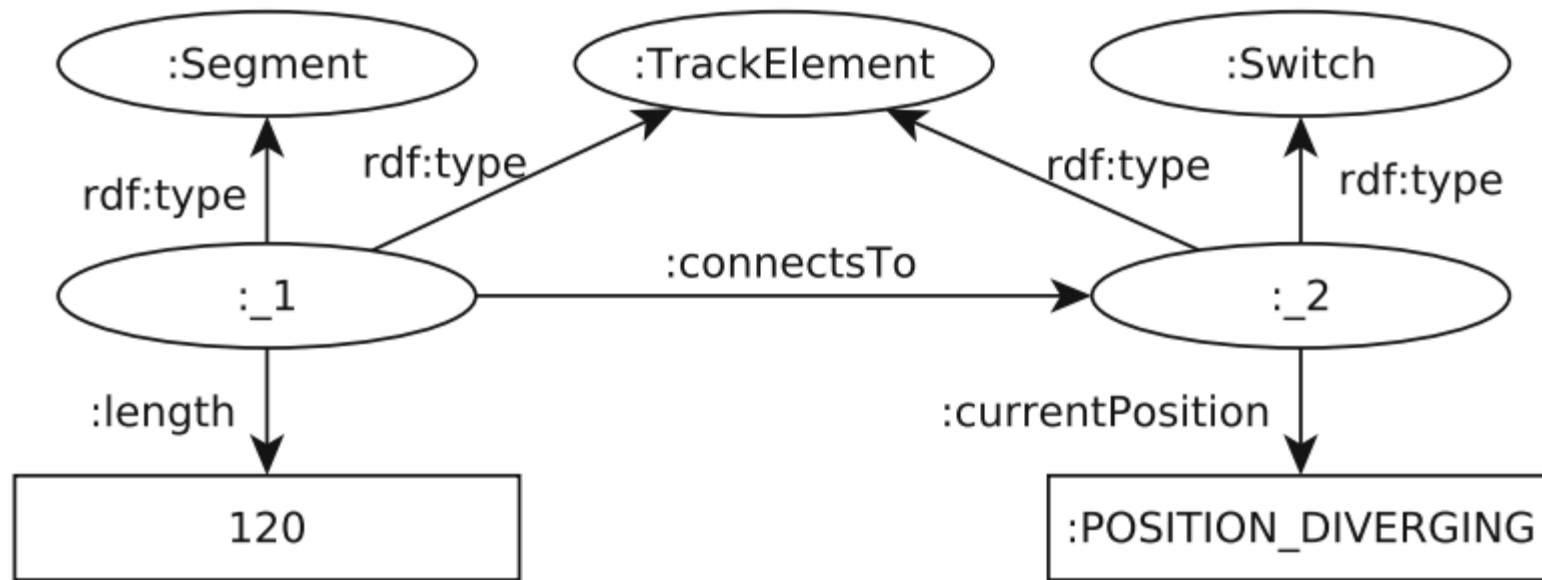
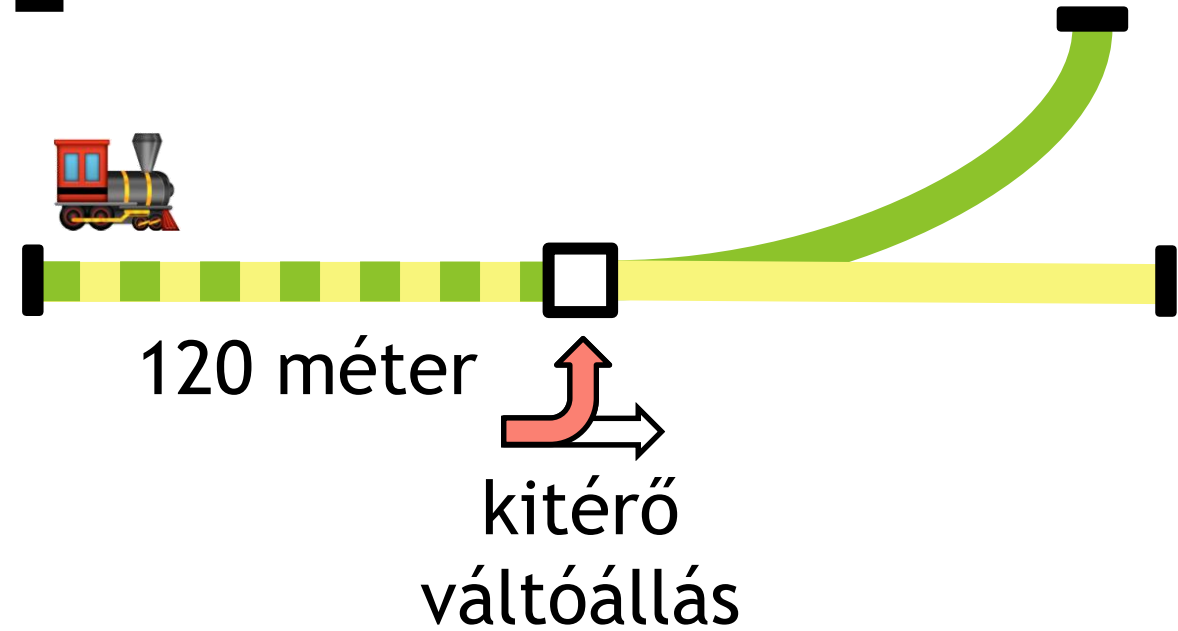
OBJEKTUM-ORIENTÁLT MODELL



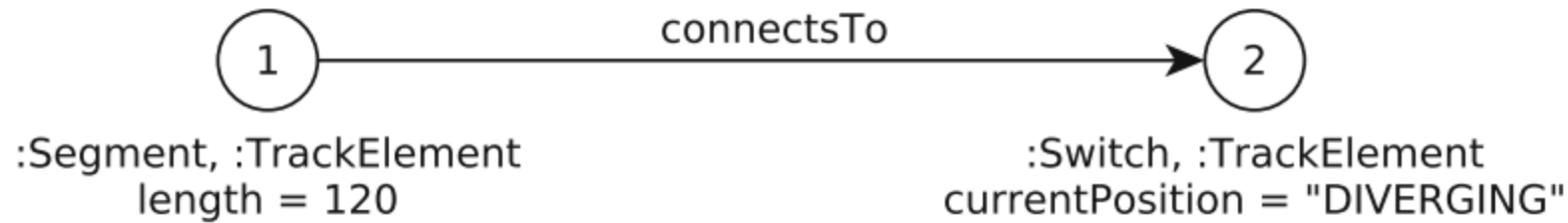
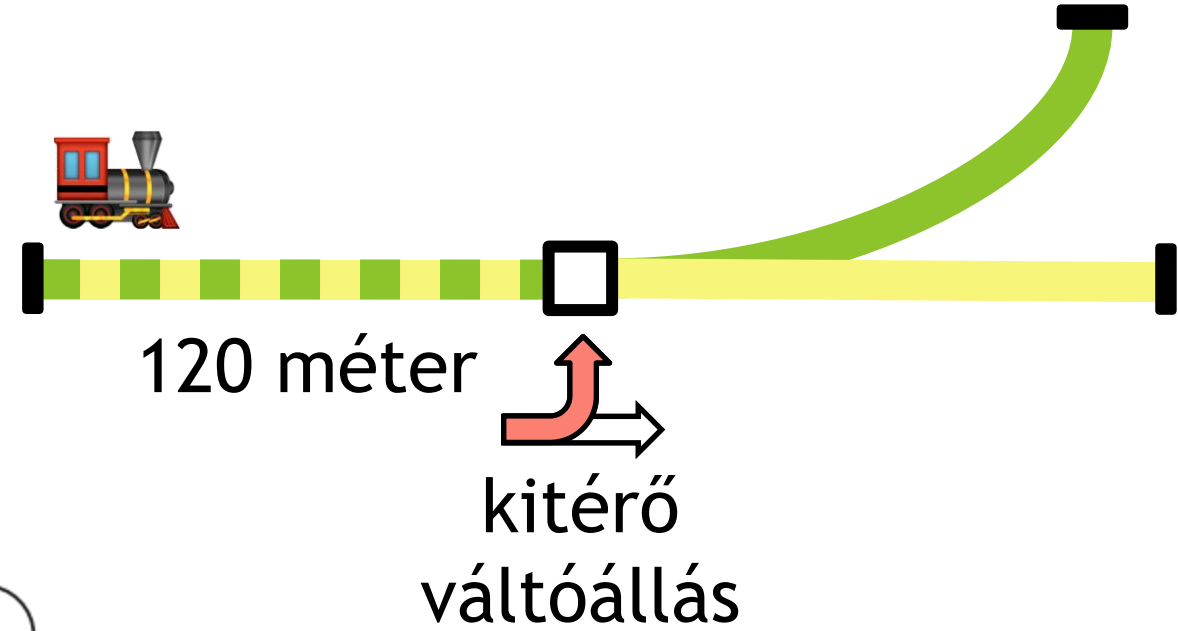
RDF / OWL METAMODELL HASZNÁLATÁVAL



RDF / METAMODELL NÉLKÜL



TULAJDONSÁGGRÁF



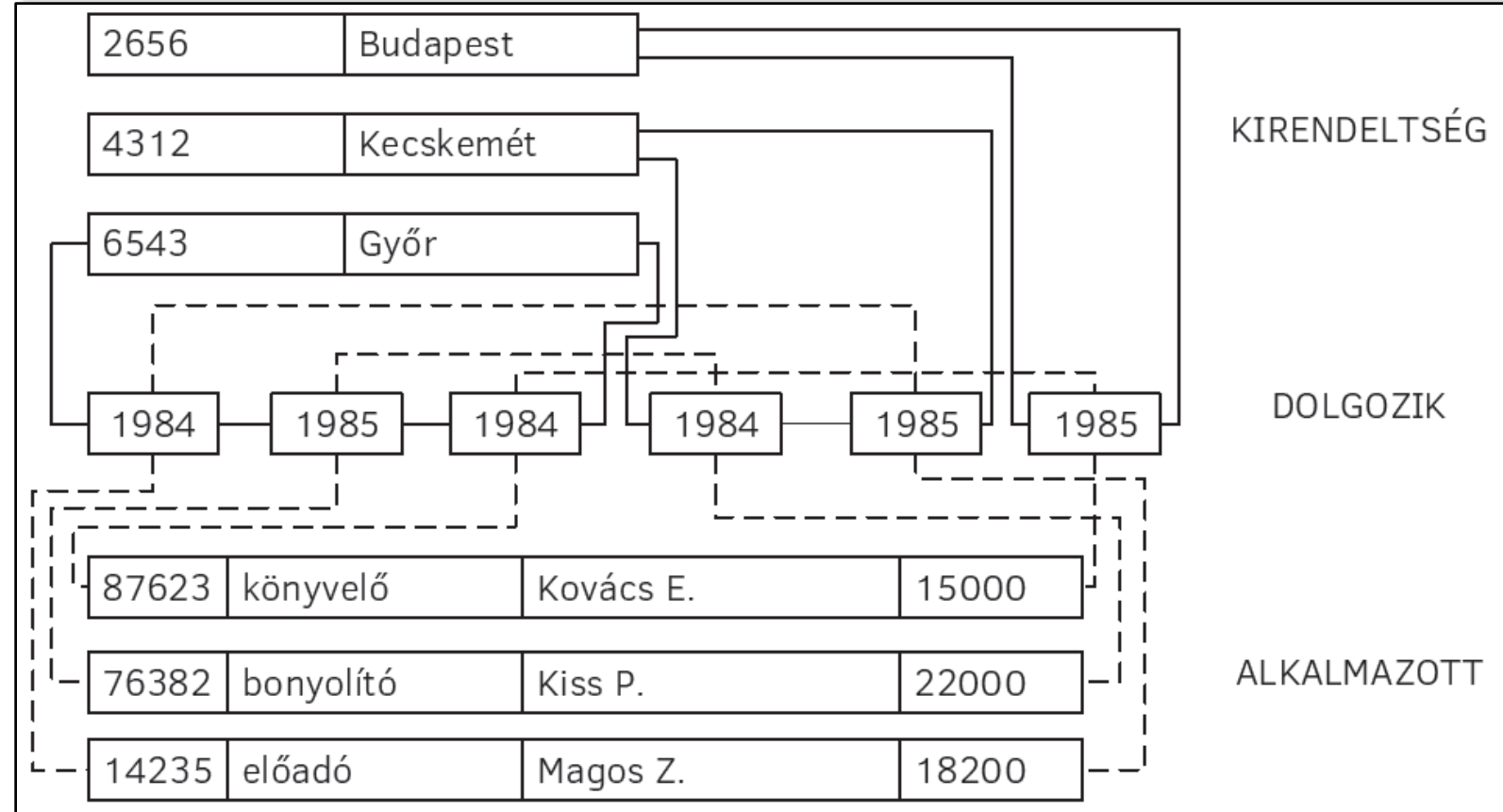
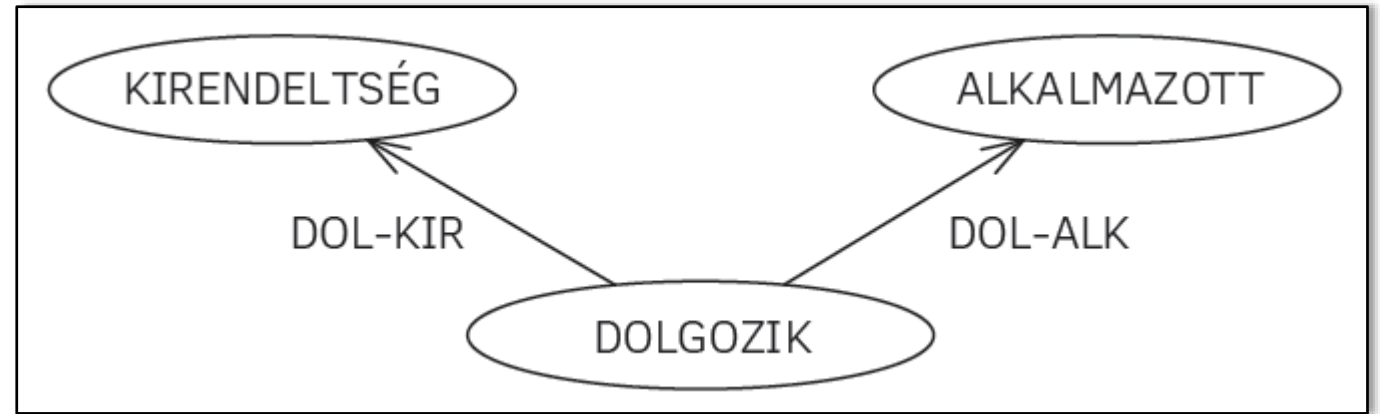
HÁLÓS ADATMODELL

- 1969 CODASYL
- A tulajdonsággráfokhoz hasonló kifejezőerő
- Lekérdezés imperatív programozási nyelvvel

PG-hez képest:

- Rugalmatlan adatmodell
- Kollektciók hiánya
- Lekérdezőnyelv hiánya

(n.b. ~40 év különbség)



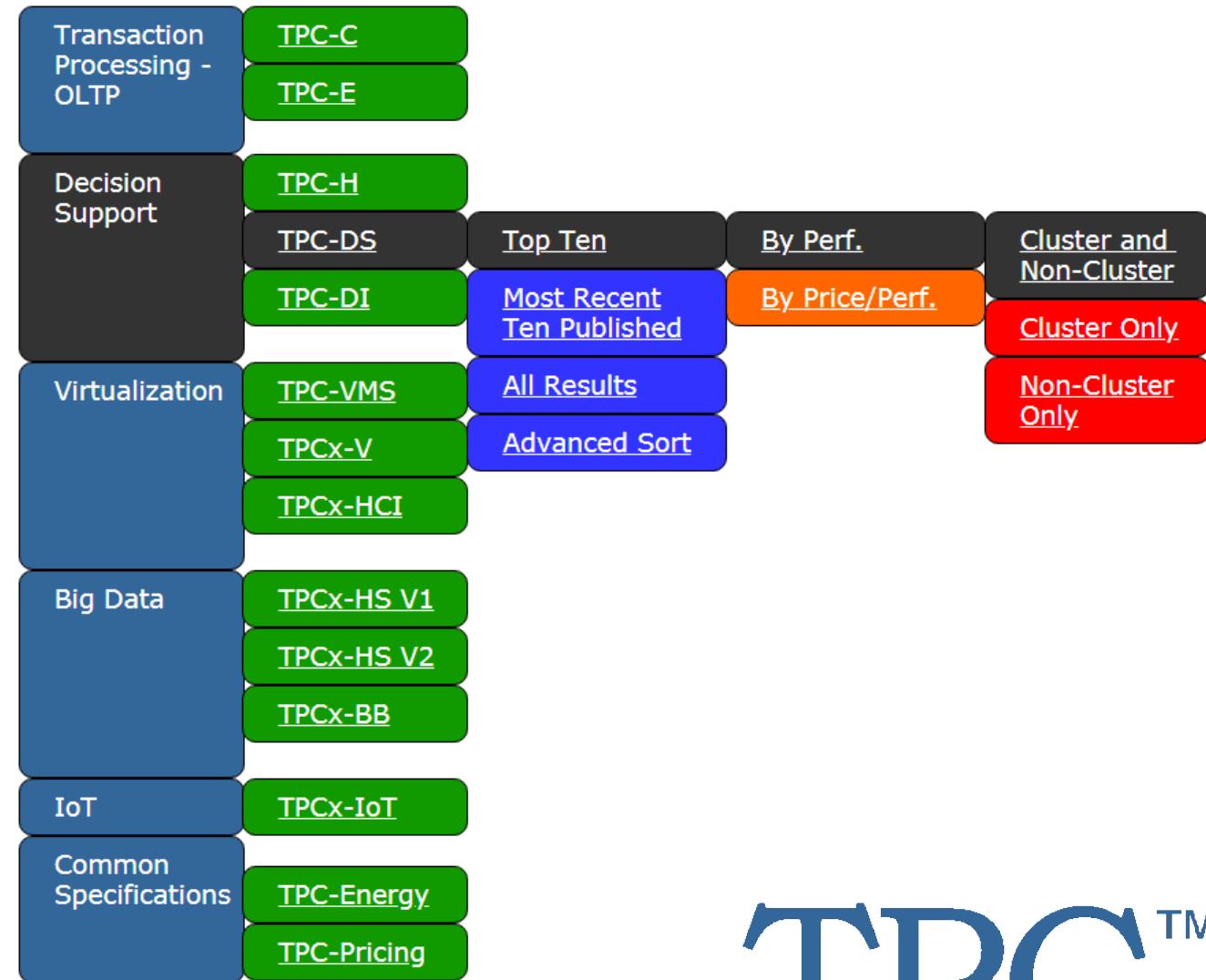
Gráffeldolgozási megközelítések

TRANSACTION PROCESSING PERFORMANCE COUNCIL (1988-)

Szabványos specifikációk
relációs adatbázisok
teljesítményméréséhez

TPC-DS

- 99 lekérdezés
 - Mérföldkövek
 - 2002: első publikáció
 - 2006: második publikáció
 - 2018: első auditált mérések
- > 16 év

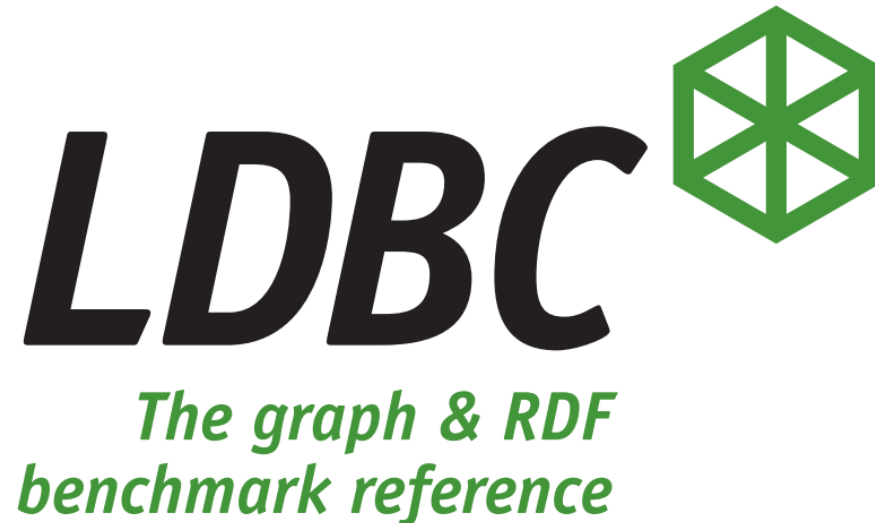


TPC™

LINKED DATA BENCHMARK COUNCIL (2012-)

LDBC is a non-profit organization dedicated to establishing benchmarks, benchmark practices and benchmark results for graph data management software.

LDBC's Social Network Benchmark is an industrial and academic initiative, formed by principal actors in the field of graph-like data management.”



GRÁFFELDOLGOZÁSI MEGKÖZELÍTÉSEK

lokális lekérdezések

kevés adat

Példa: „ismerősök új lájkjai”

```
MATCH (u:User {id: $userId})-[:FRIEND]-  
      (f:User)-[l:LIKES]->(p:Post)  
RETURN f, p  
ORDER BY l.timestamp DESC  
LIMIT 10
```

globális lekérdezések

gráfanalitika

GRÁFFELDOLGOZÁSI MEGKÖZELÍTÉSEK

lokális lekérdezések	kevés adat
globális lekérdezések	sok adat
<u>Példa:</u> „egyoldalú barátságok” <pre>MATCH (u1:User)-[:FRIEND]-(u2:User)-[1:LIKES]->(p:Post), (u1)-[:AUTHOR_OF]->(p) WITH u1, u2, count(1) AS likes WHERE likes > 10 AND NOT (u1)-[:LIKES]->(:Post)<-[:AUTHOR_OF]-(u2) RETURN u1, u2</pre>	
gráfanalitika	

GRÁFFELDOLGOZÁSI MEGKÖZELÍTÉSEK

lokális lekérdezések	kevés adat
globális lekérdezések	sok adat
gráfanalitika	minden adat
• PageRank • Legrövidebb utak • Klaszterezettség <u>Példa:</u> „Találjuk meg a központi embereket.” Külön tudományterület: hálózatkutatás	

GRÁFFELDOLGOZÁSI MEGKÖZELÍTÉSEK

lokális lekérdezések	kevés adat
globális lekérdezések	sok adat
gráfanalitika	minden adat

Lekérdezések tulajdonsággráfokon

CYPHER LEKÉRDEZŐNYELV

Cypher: a Neo4j gráfadatbázis lekérdezőnyelve.

„Cypher is a declarative, SQL-inspired language for describing patterns in graphs visually using an ascii-art syntax.”

MATCH

```
(p:Person)-[:LECTURER_OF]->(l:Lecture)-[:OF]->(c:Course)
```

```
WHERE l.date = '2019. május 2.'
```

```
AND c.name = 'Adatbázisok haladóknak'
```

```
RETURN p
```

„The openCypher project aims to deliver a full and open specification of the industry’s most widely adopted graph database query language: Cypher.” (2015)



OPENCYPHER RENDSZEREK

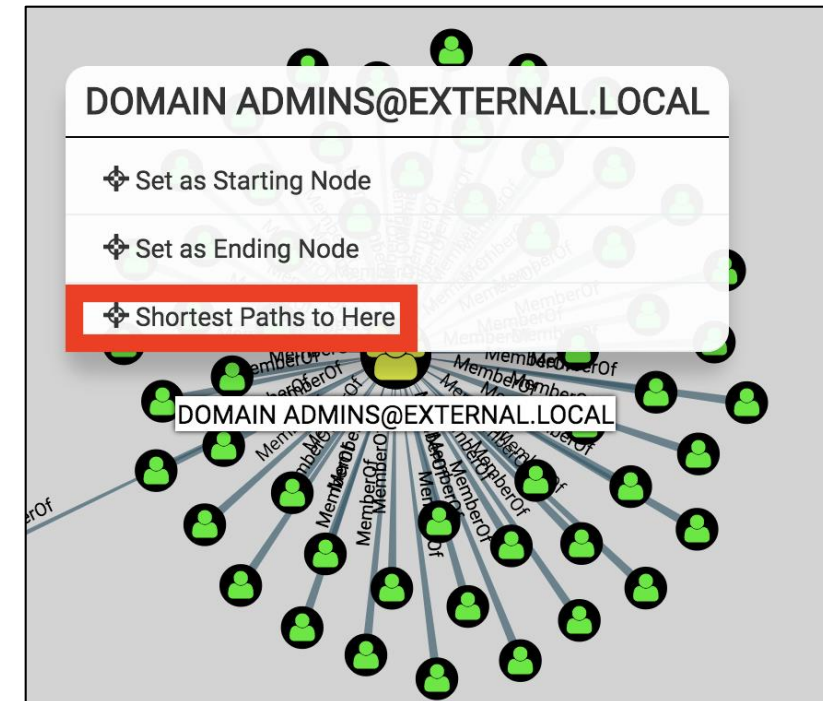
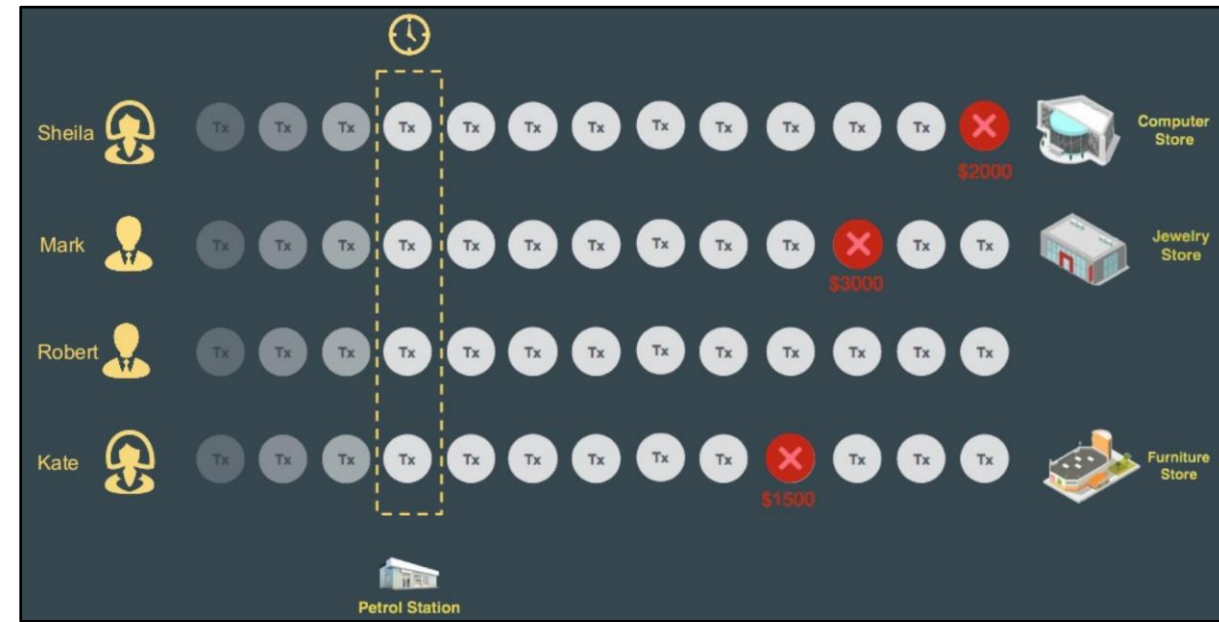
- Cél: teljes és nyílt specifikáció a Cypher nyelvhez
- Relációs adatbázisok:
 - SAP HANA
 - AGENS Graph (PostgreSQL alapokon)
- Kutatási prototípusok:
 - Graphflow (University of Waterloo)
 - ingraph (incremental graph engine - BME, MTA)



(Kép forrása: Keynote előadás @ GraphConnect NYC 2017)

HASZNÁLATI ESETEK

- IT biztonság
- Oknyomozó újságírás
- Csalásdetekció
- Ajánlórendszerek



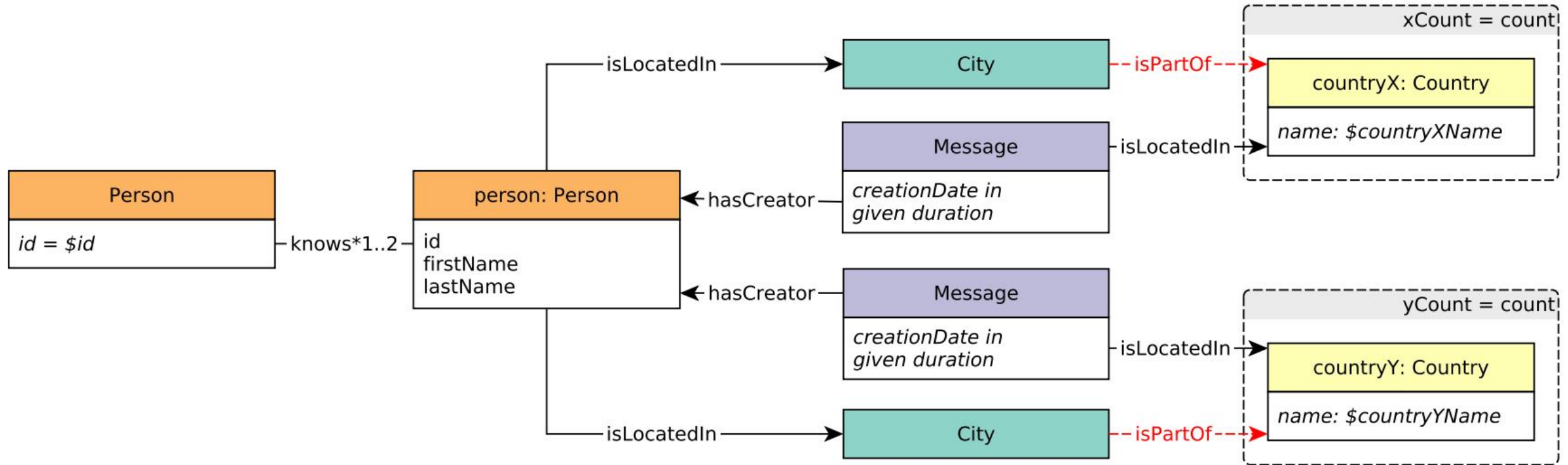
Walmart

Walmart uses Neo4j to optimize customer experience with personal recommendations

Minta lekérdezések

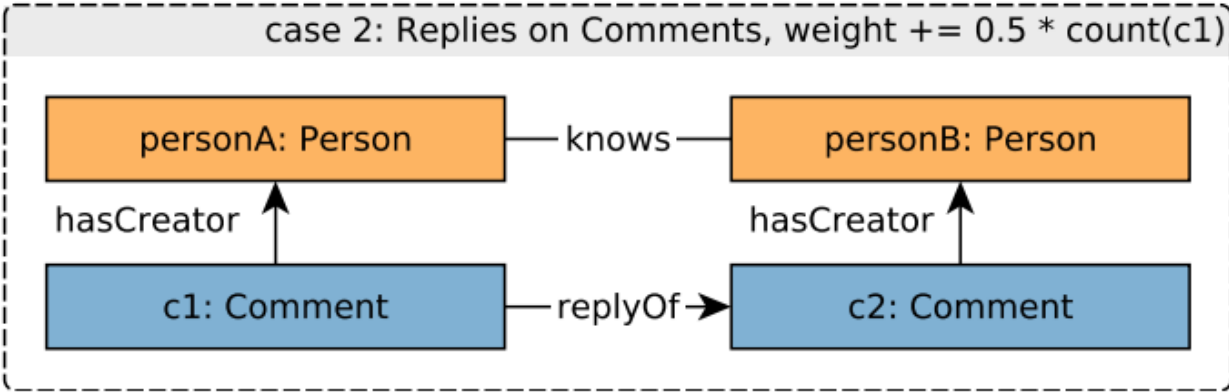
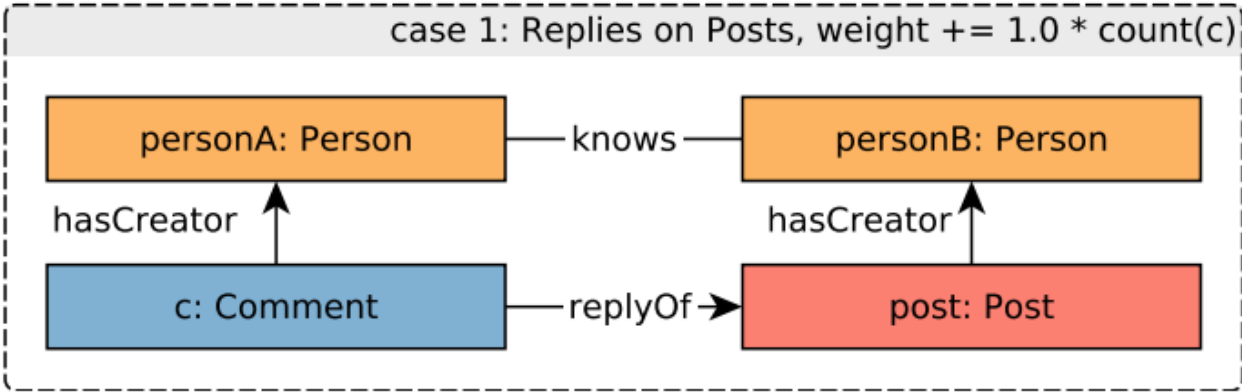
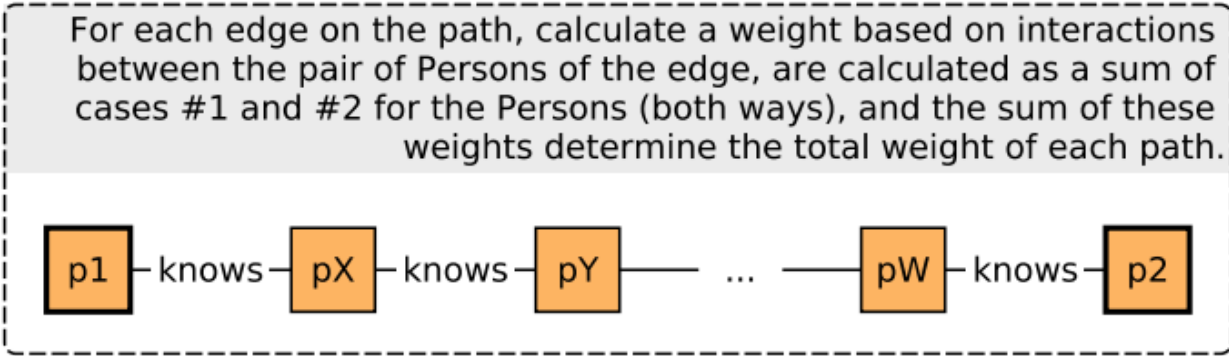
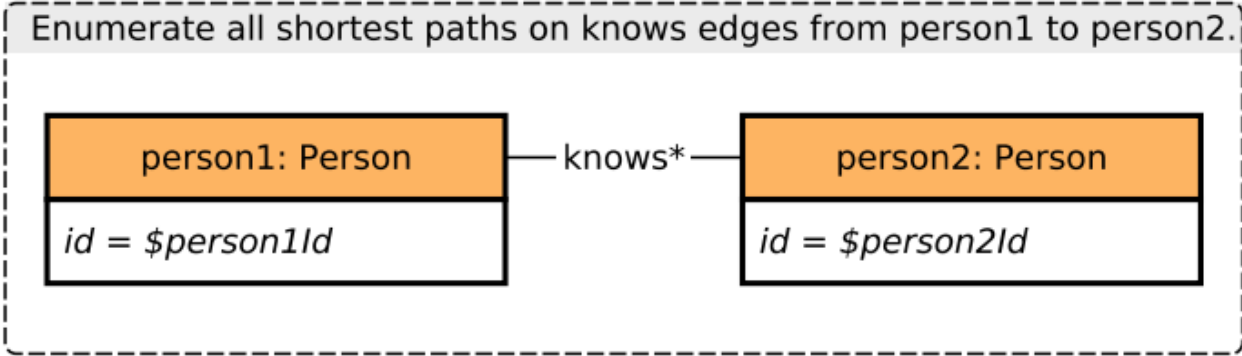
LDBC INTERACTIVE 3

Friends and friends of friends that have been to countries X and Y



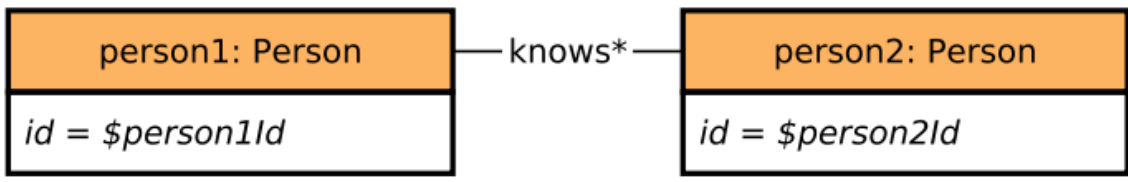
LDBC INTERACTIVE 14

Trusted connection paths

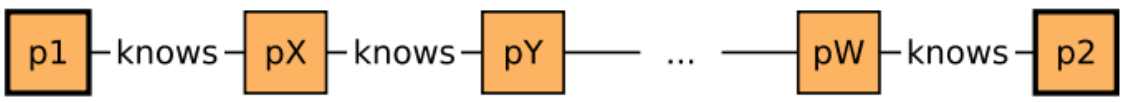


LDBC BI 25: TRUSTED CONNECTION PATHS #2

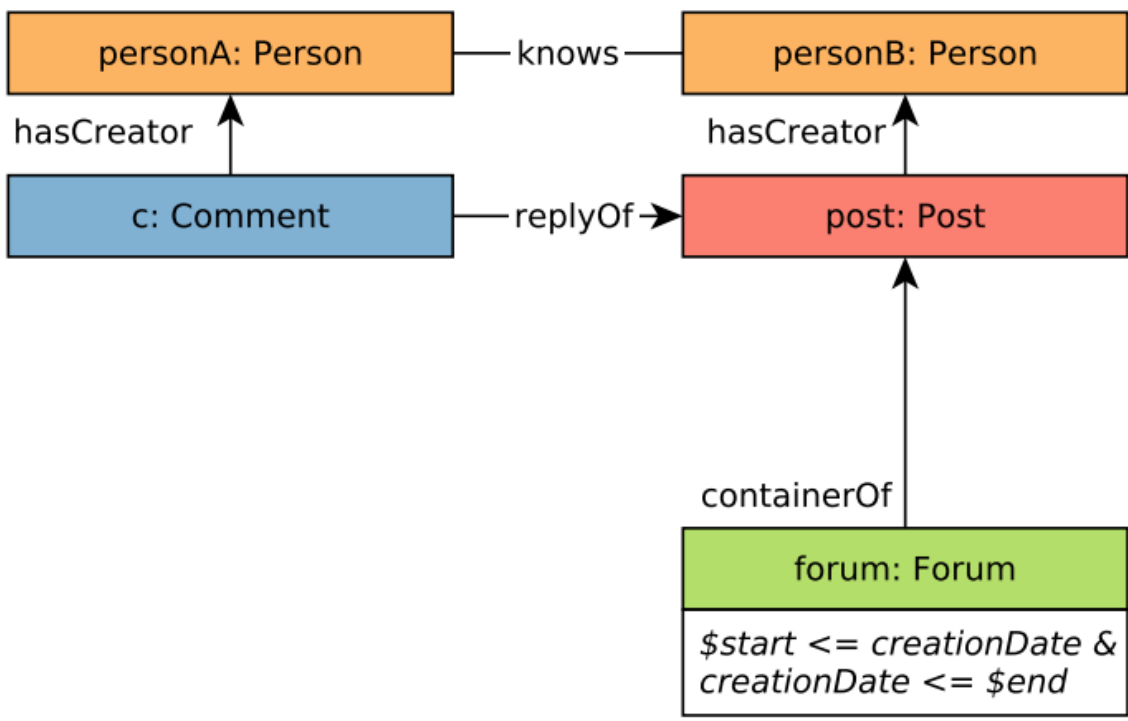
Enumerate all shortest paths on knows edges from person1 to person2.



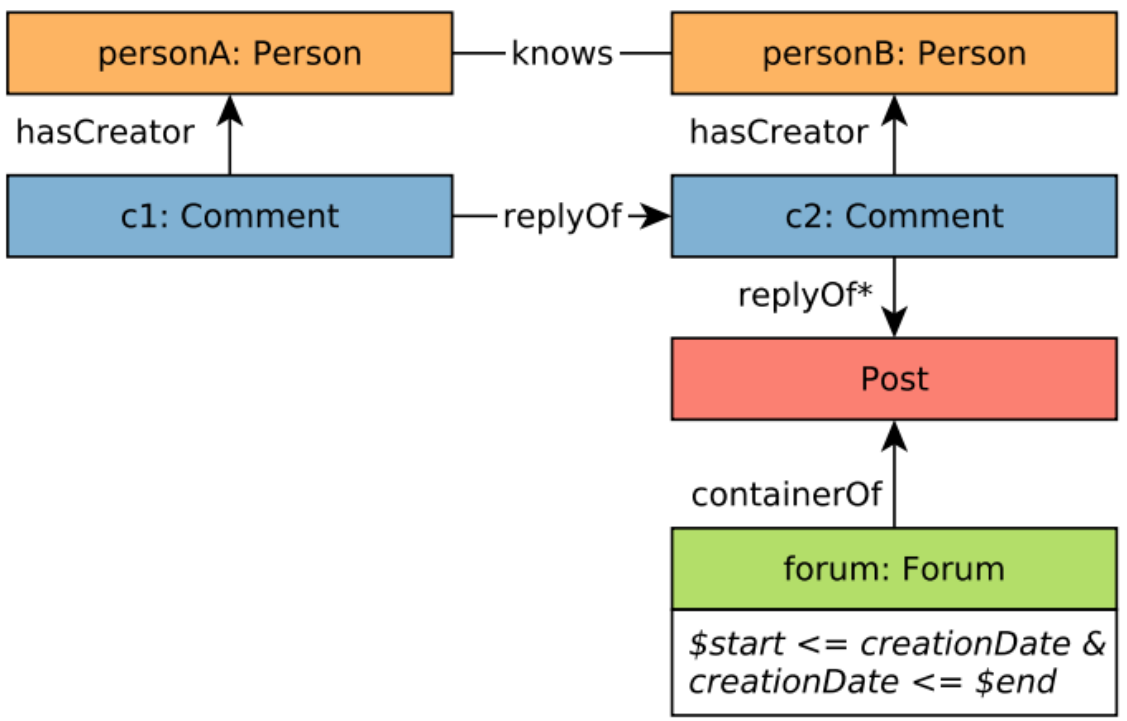
For each edge on the path, calculate a weight based on interactions between the pair of Persons of the edge, are calculated as a sum of cases #1 and #2 for the Persons (both ways), and the sum of these weights determine the total weight of each path.



case 1: Replies on Posts, weight += 1.0 * count(c)



case 2: Replies on Comments, weight += 0.5 * count(c1)



Gráflekérdezések relációalgebrával

RELÁCIÓALGEBRA

- Algebra

- “A műveletek általános tudománya”
- Tipikusan zárt rendszert alkot
- Ekvivalenciaszabályok felírhatók

- Relációalgebra

- A halmazelmélet bővítése
- Reláció fogalom
- Alapműveletek: $\sigma, \pi, \times, \cup, \cap$
- Származtatott műveletek: $\bowtie$
- Műveletek költsége becsülhető -> optimalizálás

LEKÉRDEZŐNYELVEK KIFEJEZŐEREJE

- Relációalgebra relational algebra
- Sor-/oszlopkalkulus tuple/domain relational calculus
- Elsőrendű logika first-order logic

(Kifejezőerő szerinti növekvő sorrendben.)

Elérhetőség (reachability) nem fejezhető ki elsőrendű logikában.

Miért?



“You cannot express reachability in the particular language where the only relations available are the incidence relation on the graph and equality, and where quantification is only permitted over elements of the graph.” ([Mathematics StackExchange](https://math.stackexchange.com/questions/111111/expressing-reachability-in-first-order-logic))

ILLESZTÉS OPERÁTOROK

- Theta join $\bowtie_{\theta}$
- Equijoin $\bowtie$
- Semijoin $\ltimes$ $r \ltimes s = \pi_R r \bowtie s$
- Antijoin $\rhd$ vagy $\bar{\bowtie}$ $r \rhd s = r \setminus (r \ltimes s)$
- Left outer join $\ltimes\!\!\!\bowtie$ $\sim(r \ltimes s) \cup (r \rhd s)$, plusz nullok

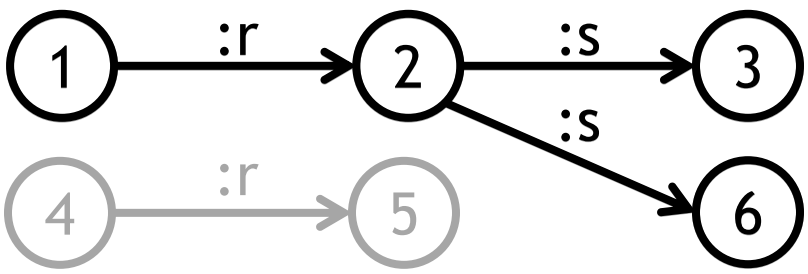
(Lásd még: right outer join $\rhd\!\!\!\bowtie$, full outer join $\bowtie\!\!\!\bowtie$.)

Gondolkodtató feladat: semi-/antijoin sor- és oszlop kalkulussal.

ILLESZTÉS JELLEGŰ OPERÁTOROK GRÁFOKON

Natural join: $r \bowtie s$

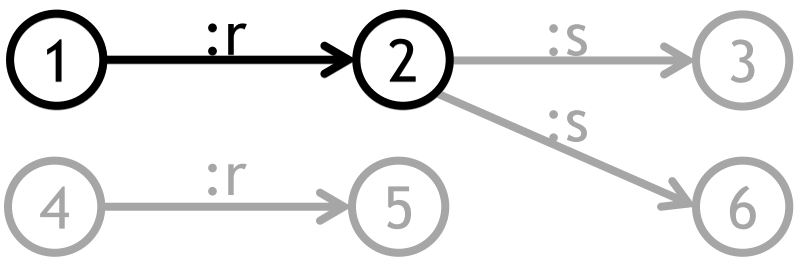
```
MATCH (v1)-[:r]->(v2)-[:s]->(v3)
RETURN *
```



v1	v2	v3
1	2	3
1	2	6

Semijoin: $r \ltimes s$

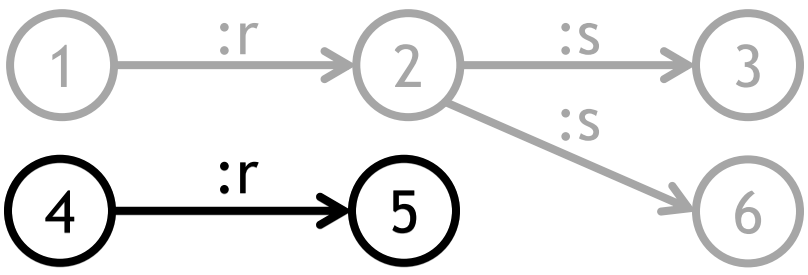
```
MATCH (v1)-[:r]->(v2)
WHERE (v2)-[:s]->()
```



v1	v2
1	2

Antijoin: $r \bar{\bowtie} s$

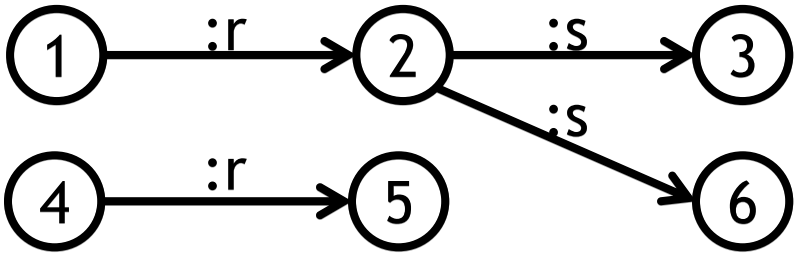
```
MATCH (v1)-[:r]->(v2)
WHERE NOT (v2)-[:s]->()
```



v1	v2
4	5

Left outer join: $r \ltimes\!\!\bowtie s$

```
MATCH (v1)-[:r]->(v2)
OPTIONAL MATCH (v2)-[:s]->(v3)
```



v1	v2	v3
1	2	3
1	2	6
4	5	null

GRÁF RELÁCIÓALGEBRA

- Relációalgebra

- $\sigma, \pi, \times, \cup, \cap, \bowtie, \triangleright$

- Gyakori kiterjesztések

- aggregáció (γ), duplikátum-elimináció (δ), rendezés (τ), limit (λ)

- Gráf-specifikus kiterjesztések

- get-vertices ($\odot$)

- expand-out ($\uparrow$), expand-in ($\downarrow$), expand-both ($\updownarrow$)

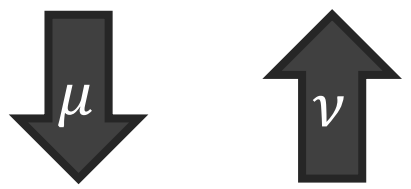
J. Marton, G. Szárnyas, D. Varró,
Formalising openCypher Graph Queries in Relational Algebra,
ADBIS, Springer, 2017



NESTED RELÁCIÓALGEBRA (NRA)

- 0NF adatszerkezetek, azaz NF²: Non-First Normal Form
- Operátorok
 - Nest (ν) ~ collect
 - Unnest (μ) ~ UNWIND

name	works	
John	year	company
	1982	Big Biz, Inc.
	2010	Fusion Power Plant, Ltd.



name	works.year	works.company
John	1982	Big Biz, Inc.
John	2010	Fusion Power Plant, Ltd.



E. Botoeva, D. Calvanese, B. Cogrel, G. Xiao,
Expressivity and Complexity of MongoDB Queries,
ICDT 2018

TULAJDONSÁGGRÁFOK MINT NF² RELÁCIÓK

■ Tulajdonságok:

id	name	age	favColours	beerRatings
1	John	32	[blue, green]	{lager: 5, ale: 3}

■ Lista:

id	name	age	favColours		beerRatings
1	John	32	id	value	{lager: 5, ale: 3}
			0	blue	
			1	green	

■ Map:

id	name	age	favColours		beerRatings	
1	John	32	id	value	key	value
			0	blue	lager	5
			1	green	ale	3

NRA -> FRA*

- NRA kifejezések kitergegethetők Flat Relational Algebrába
- Papíron...
 - Előre ismerni kell a sémát
 - A rendezés megtartása problémás

J. Paredaens, D. Van Gucht:
Converting nested algebra expressions into flat algebra expressions.
ACM Transactions on Database Systems, 1992

Converting Nested Algebra Expressions into Flat Algebra Expressions

JOS PAREDAENS
University of Antwerp
and
DIERK VAN GUCHT
Indiana University

Nested algebra provides a natural framework for expressing queries in the relational database model. In this paper, we show that any nested algebra expression can be converted into a flat algebra expression. The conversion is done by a sequence of transformations that preserve the semantics of the expression. The result is a flat algebra expression that is semantically equivalent to the original nested algebra expression.

Categories and Subject Descriptors: D.1.2 Database Management: Languages—query languages; D.1.3 Database Management: Languages—query languages; D.1.4 Database Management: Languages—query languages

General Terms: Algorithms, Languages, Theory

Additional Key Words and Phrases: algebra, nested algebra, nested algebra, nested algebra, nested algebra

1. INTRODUCTION

In 1977 Mahoney [20] proposed generalizing the relational database model by removing the first normal form assumption. Aschke and Gahr [1] also

proposed a generalization of the relational database model by allowing

relations with non-atomic attributes and by adding two new binary operators, the set and the subset operators, to manipulate such heterogeneous

nested relations of parent type. A similar generalization was proposed by

Aschke and Gahr [1]. In this paper, we propose a generalization of the relational database model by allowing nested relations of parent type. A similar generalization was proposed by

Aschke and Gahr [1]. In this paper, we propose a generalization of the relational database model by allowing nested relations of parent type. A similar generalization was proposed by

Aschke and Gahr [1]. In this paper, we propose a generalization of the relational database model by allowing nested relations of parent type. A similar generalization was proposed by

Aschke and Gahr [1]. In this paper, we propose a generalization of the relational database model by allowing nested relations of parent type. A similar generalization was proposed by

Aschke and Gahr [1]. In this paper, we propose a generalization of the relational database model by allowing nested relations of parent type. A similar generalization was proposed by

OPENCYPHER -> RELÁCIÓALGEBRA LEKÉPZÉS*

Result and subresult operations. Rules for RETURN also apply to WITH .		
$\llbracket r \rrbracket$ RETURN $\langle x1 \rangle$ AS $\langle y1 \rangle$, ...	$\pi_{x1 \rightarrow y1, \dots}(r)$	(15)
$\llbracket r \rrbracket$ RETURN DISTINCT $\langle x1 \rangle$ AS $\langle y1 \rangle$, ...	$\delta(\pi_{x1 \rightarrow y1, \dots}(r))$	(16)
$\llbracket r \rrbracket$ RETURN $\langle x1 \rangle$, $\langle \text{aggr} \rangle(\langle x2 \rangle)$	$\gamma_{x1, \text{aggr}(x2)}^{x1}(r)$ (see Sec. 3.1)	(17)
$\llbracket r \rrbracket$ WITH $\langle x1 \rangle$ $\llbracket s \rrbracket$ RETURN $\langle x2 \rangle$	$\pi_{x2}\left(\left(\pi_{x1}(r)\right) \bowtie s\right)$	(18)
Unwinding and list operations		
$\llbracket r \rrbracket$ UNWIND $\langle xs \rangle$ AS $\langle x \rangle$	$\omega_{xs \rightarrow x}(r)$	(19)
$\llbracket r \rrbracket$ ORDER BY $\langle x1 \rangle$ ASC , $\langle x2 \rangle$ DESC , ...	$\tau_{\uparrow x1, \downarrow x2, \dots}(r)$	(20)
$\llbracket r \rrbracket$ SKIP $\langle s \rangle$ LIMIT $\langle l \rangle$	$\lambda_l^s(r)$	(21)
Combining results		
$\llbracket r \rrbracket$ UNION $\llbracket s \rrbracket$	$r \cup s$	(22)
$\llbracket r \rrbracket$ UNION ALL $\llbracket s \rrbracket$	$r \uplus s$	(23)

Table 2: Mapping from openCypher constructs to relational algebra. Variables, labels, types and literals are typeset as $\langle v \rangle$. The notation $\llbracket p \rrbracket$ represents patterns resulting in a relation p , while $\llbracket r \rrbracket$ denotes previous query parts resulting in a relation r . To avoid confusion with the “...” language construct (used for ranges), we use ... to denote omitted query parts.

Language construct	Relational algebra expression	
Vertices and patterns. $\langle p \rangle$ denotes a pattern that contains a vertex $\langle v \rangle$.		
$\langle \langle v \rangle \rangle$	$\bigcirc_{(v)}$	①
$\langle \langle v \rangle : \langle l_1 \rangle : \dots : \langle l_n \rangle \rangle$	$\bigcirc_{(v : l_1 \wedge \dots \wedge l_n)}$	②
$\langle p \rangle - [\langle e \rangle : \langle t_1 \rangle \dots \langle t_k \rangle] \rightarrow \langle \langle w \rangle \rangle$	$\uparrow_{(v)}^{(w)} [e : t_1 \vee \dots \vee t_k] (p)$, where e is an edge	③
$\langle p \rangle \leftarrow [\langle e \rangle : \langle t_1 \rangle \dots \langle t_k \rangle] - \langle \langle w \rangle \rangle$	$\downarrow_{(v)}^{(w)} [e : t_1 \vee \dots \vee t_k] (p)$, where e is an edge	④
$\langle p \rangle \leftarrow [\langle e \rangle : \langle t_1 \rangle \dots \langle t_k \rangle] \rightarrow \langle \langle w \rangle \rangle$	$\updownarrow_{(v)}^{(w)} [e : t_1 \vee \dots \vee t_k] (p)$, where e is an edge	⑤
$\langle p \rangle - [\langle e \rangle * \langle \min \rangle .. \langle \max \rangle] \rightarrow \langle \langle w \rangle \rangle$	$\uparrow_{(v)}^{(w)} [e *_{\min}^{\max}] (p)$, where e is a list of edges	⑥
Combining and filtering pattern matches		
MATCH $\langle p_1 \rangle, \langle p_2 \rangle, \dots$	$\neq_{\text{edges of } p_1, p_2, \dots} (p_1 \bowtie p_2 \bowtie \dots)$	⑦
MATCH $\langle p_1 \rangle$ MATCH $\langle p_2 \rangle$	$\neq_{\text{edges of } p_1} (p_1) \bowtie \neq_{\text{edges of } p_2} (p_2)$	⑧
OPTIONAL MATCH $\langle p \rangle$	$\{ \langle \rangle \} \bowtie \neq_{\text{edges of } p} (p)$	⑨
OPTIONAL MATCH $\langle p \rangle$ WHERE $\langle \text{condition} \rangle$	$\{ \langle \rangle \} \bowtie_{\text{condition}} \neq_{\text{edges of } p} (p)$	⑩
$\llbracket r \rrbracket$ OPTIONAL MATCH $\langle p \rangle$	$\neq_{\text{edges of } r} (r) \bowtie \neq_{\text{edges of } p} (p)$	⑪
$\llbracket r \rrbracket$ WHERE $\langle \text{condition} \rangle$	$\sigma_{\text{condition}}(r)$	⑫
$\llbracket r \rrbracket$ WHERE $\langle \langle v \rangle : \langle l_1 \rangle : \dots : \langle l_n \rangle \rangle$	$\sigma_{v.l=l_1 \wedge \dots \wedge n.l=l_n}(r)$	⑬
$\llbracket r \rrbracket$ WHERE $\langle p \rangle$	$r \bowtie p$	⑭

Gráfanalitika

GRÁFANALITIKA / LDBC GRAPHALYTICS

6 népszerű algoritmus:

- BFS mélységi bejárás
- CDLP közösségdetekció
- LCC lokális klaszterezettségi együttható
- PR PageRank
- SSSP egy forrásból számított legrövidebb utak
- WCC gyengén összefüggő komponensek (v.ö. SCC)

Hatékony megoldásokat adni nehéz:

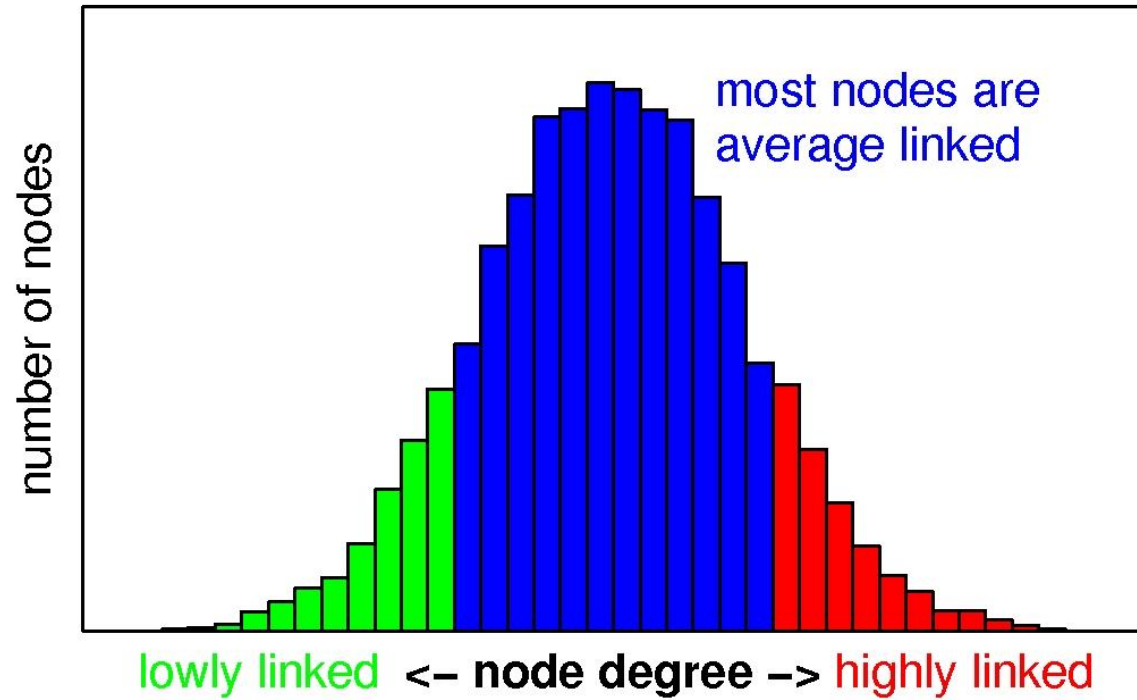
algoritmuselmélet + adatbázis-kezelés + system programming
és High-Performance Computing (HPC) technikák

GRÁFANALITIKA

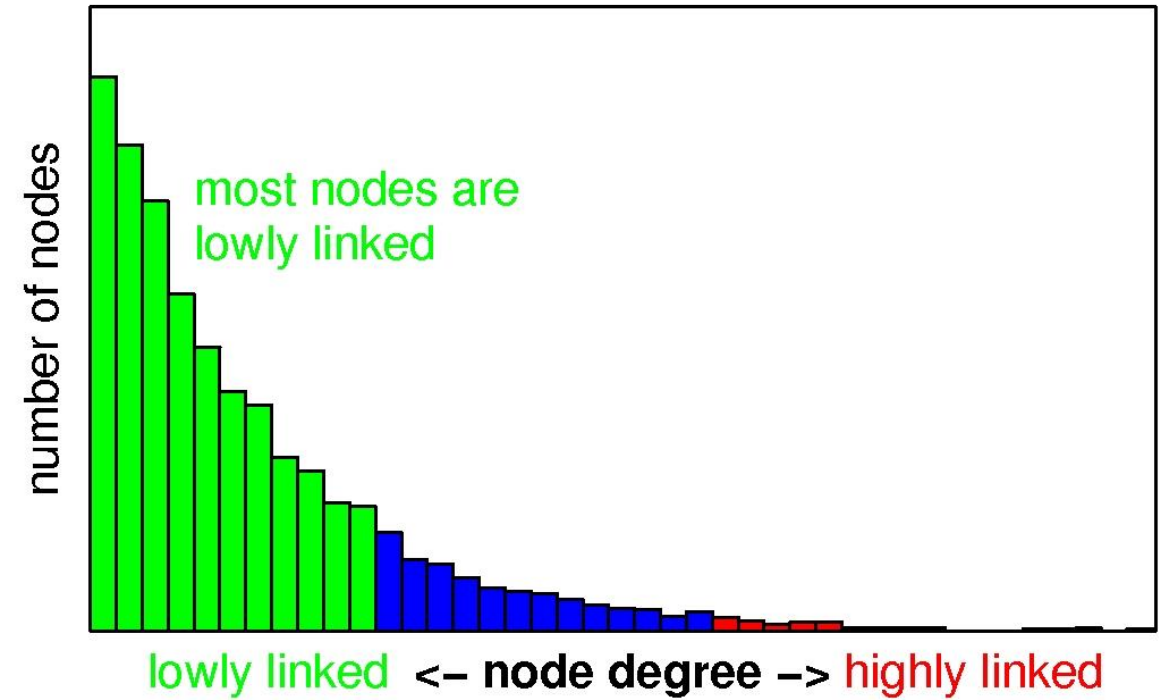
- Tipikus megoldás programozási modellek alkalmazása
 - Mint máshol a MapReduce
 - Pregel (“a portmanteu of Parallel, Graph, and Google”)
 - Scatter-Gather
 - Gather-Apply-Scatter
- Megkötik a programozó kezét
- Cserébe
 - párhuzamosíthatók
 - elosztottan futtathatók

HÁLÓZATOK STRUKTÚRÁJA

random networks



real networks (power-law, scale-free)



- Fokszámeloszlások vizsgálata
- Hálózat kutatás (network science)
- Barabási-Albert László et al.

Gráffeldolgozó eszközök és kihívásaik

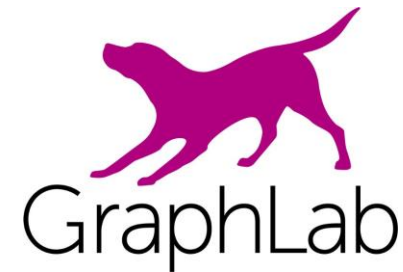
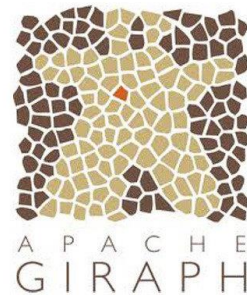
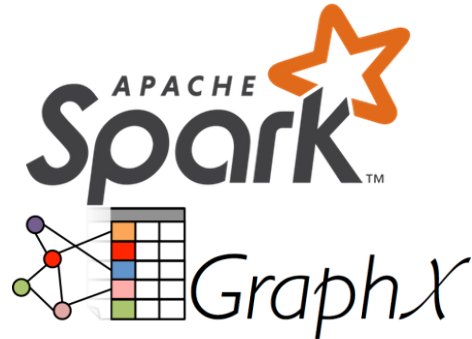
GRÁFFELDOLGOZÓ ESZKÖZÖK

Jelenleg éles kettéválás.

gráfminta-
illesztés

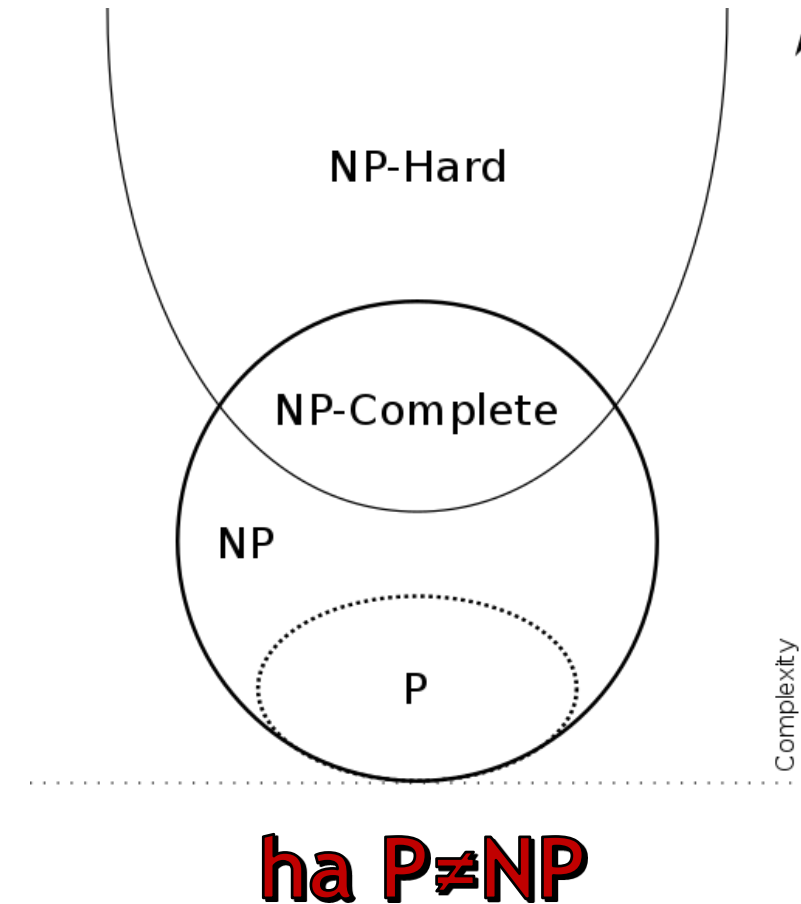


gráfanalitika



GRÁFMŰVELETEK KOMPLEXITÁSA

- RÉSZGRÁFIZO: NP-teljes
- GRÁFIZO: nem ismert
 - NP-nehéz?
 - P-beli?
 - NP-Intermediate?
- Egy konkrét részgráf keresése -> P-beli
- Legrövidebb utak keresése -> P-beli
- Tranzitív lezárás / összes út felsorolása:
 - *intractable* (polinom idő alatt nem megoldható)



GRÁFFELDOLGOZÁS KIHÍVÁSAI / TOPOLOGIA / 1

- [...] large graph processing has some unique characteristics, which make the systems that do not respect them in their design suffer from the “curse of connectedness” when processing big graphs.
- Graph data is inherently complex. The contemporary computer architectures are good at processing linear and simple hierarchical data structures, such as *Lists*, *Stacks*, or *Trees*.

B. Shao, Y. Li, H. Wang, H. Xia
(Microsoft Research Asia),
Trinity Graph Engine and its Applications,
IEEE Data Engineering Bulletin 2017

Trinity Graph Engine and its Applications

B. Shao, Y. Li, H. Wang, H. Xia
Microsoft Research Asia, Redmond
(shao, yli, hwang@microsoft.com, xia@trinitygraph.com)

Abstract

Big data has become increasingly connected along with the rapid growth in data volume. Connected data are naturally represented as graphs, and the processing of such graphs is a non-trivial task. Graph processing is a challenging task because of the complexity of the data and the complexity of the algorithms. This paper introduces Trinity Graph Engine, an open-source distributed graph processing system. Trinity Graph Engine is designed as a general-purpose graph processing engine with a modular architecture. It supports various graph processing algorithms and can be extended to support new algorithms. Trinity Graph Engine is designed to be a general-purpose graph processing engine with a modular architecture. It supports various graph processing algorithms and can be extended to support new algorithms.

1. Introduction

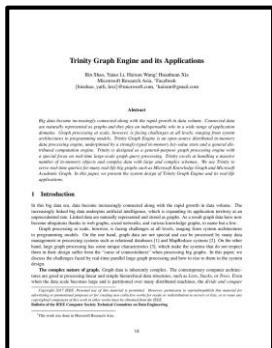
In the big data era, data has become increasingly connected along with the rapid growth in data volume. The connectivity between data makes graph processing a non-trivial task. Graph processing is a challenging task because of the complexity of the data and the complexity of the algorithms. This paper introduces Trinity Graph Engine, an open-source distributed graph processing system. Trinity Graph Engine is designed as a general-purpose graph processing engine with a modular architecture. It supports various graph processing algorithms and can be extended to support new algorithms.

The graph processing system is designed to be a general-purpose graph processing engine with a modular architecture. It supports various graph processing algorithms and can be extended to support new algorithms. Trinity Graph Engine is designed to be a general-purpose graph processing engine with a modular architecture. It supports various graph processing algorithms and can be extended to support new algorithms.

GRÁFFELDOLGOZÁS KIHÍVÁSAI / TOPOLOGIA / 2

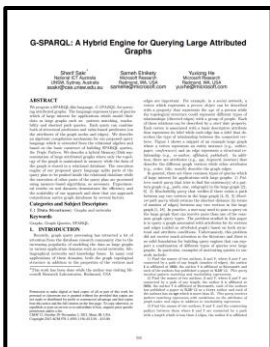
- [...] the adjacent nodes of a graph node cannot be accessed without “jumping” in the data store no matter how we represent a graph [...] a massive amount of random data access is required.
- Many modern program optimizations rely on data reuse. Unfortunately, the random data access nature of graph processing breaks this premise. [...], this usually leads to poor performance since the CPU cache is not in effect for most of the time.
- From the perspective of programming, parallelism is difficult to extract because of the unstructured nature of graphs

B. Shao, Y. Li, H. Wang, H. Xia
(Microsoft Research Asia),
Trinity Graph Engine and its Applications,
IEEE Data Engineering Bulletin 2017



GRÁFFELDOLGOZÁS KIHÍVÁSAI / ATTRIBUTÚMOK

- The existing graph querying methods [...] focus on querying the topological structure of the graphs and very few have considered attributed graphs.
- In practice, [...] applications of large graph databases would involve querying the graph data (attributes) in addition to the graph topology.
- Answering queries that involve predicates on the attributes of the graphs in addition to the topological structure is more challenging as it requires extra memory for building indices over the graph attributes in addition to the structural indices [and] it makes evaluation and optimization more complex.



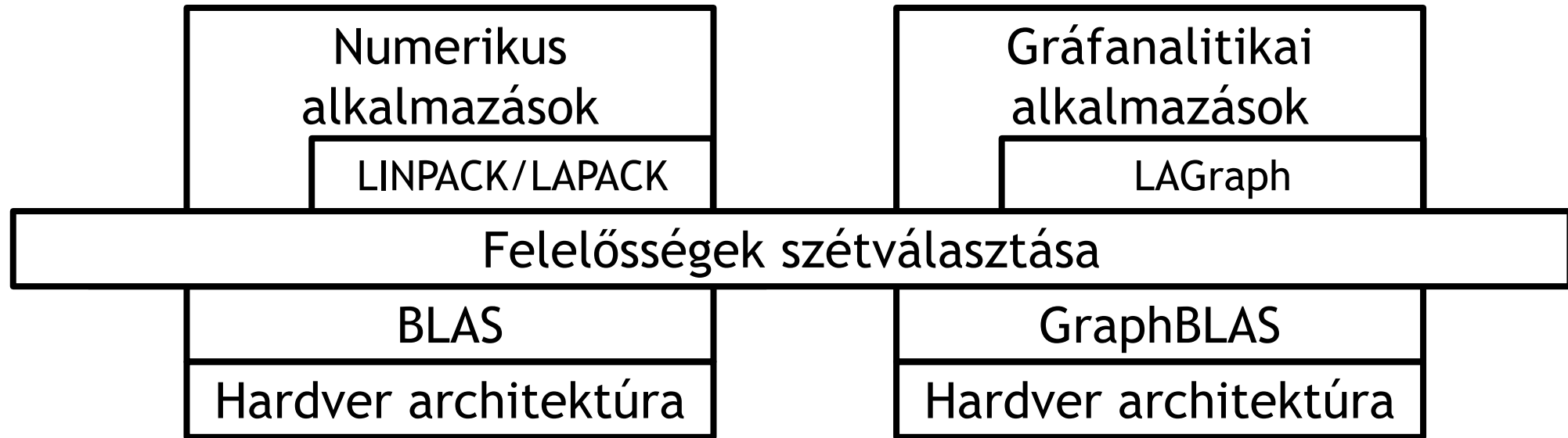
S. Sakr, S. Elnikety, Y. He
(Microsoft Research),

G-SPARQL: A Hybrid Engine for Querying Large Attributed Graphs,
CIKM 2012

GraphBLAS: egységes elmélet a lineáris algebrára építve

A GRAPHBLAS MEGKÖZELÍTÉS

- GraphBLAS: „an effort to define standard building blocks for graph algorithms in the language of linear algebra”
- 1979: BLAS (Basic Linear Algebra Subprograms)
- 2013: GraphBLAS
- Absztrakció, felelősségek szétválasztása (*separation of concerns*)

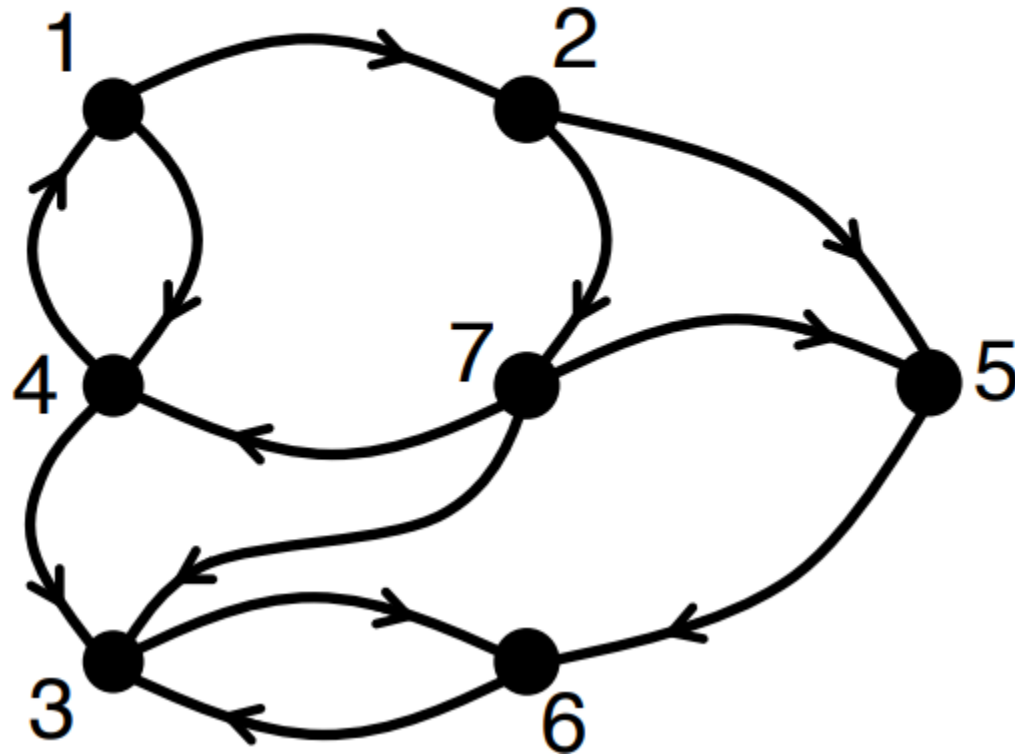


S. McMillan @ SEI Research Review (Carnegie Mellon University, 2015)
Graph algorithms on future architectures



SZOMSZÉDOSSÁGI MÁTRIX

Forrás:
[GraphBLAS Mathematics](#)
v1.0, 2017

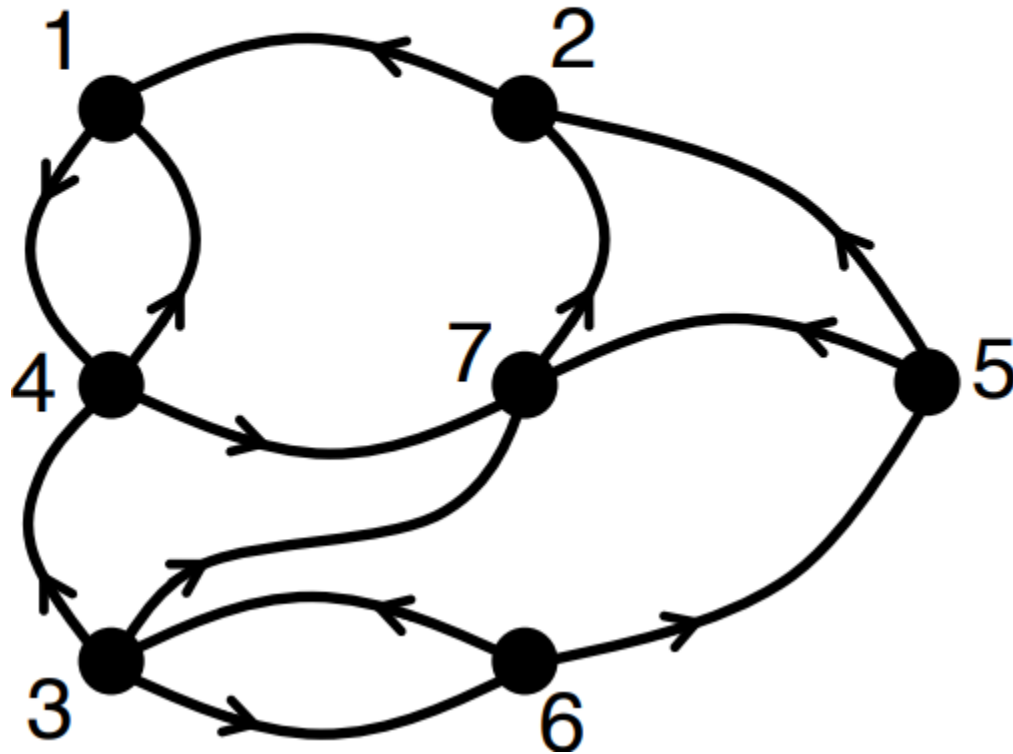


		<u>end vertex</u>						
A		1	2	3	4	5	6	7
<u>start vertex</u>	1		●		●			
	2					●		●
	3						●	
	4	●		●				
	5						●	
	6			●				
	7			●	●	●		

A gyakorlatban ritka a legtöbb elem 0 -> a mátrixok nagyon ritkák.

SZOMSZÉDOSSÁGI MÁTRIX: A^T

Forrás:
[GraphBLAS Mathematics](#)
v1.0, 2017



		<u>end vertex</u>						
<u>start vertex</u>	A^T	1	2	3	4	5	6	7
	1				●			
	2	●						
	3				●		●	●
	4	●						●
	5		●					●
	6			●		●		
	7		●					

A gyakorlatban ritka a legtöbb elem 0 -> a mátrixok nagyon ritkák.

MÁTRIXSZORZÁS

- A szokásos alak:

$$C = A \times B$$

$$C(i, j) = \sum_k A(i, k) \times B(k, j)$$

- Általánosított alak:

$$C = A \oplus . \otimes B$$

$$C(i, j) = \oplus_k A(i, k) \otimes B(k, j)$$

- $\oplus$ kiválasztás (*summary*)
- $\otimes$ kiterjesztés (*extension*)
- Keressünk olyan algebrai struktúrát, amin a mátrixszorzás értelmezhető -> félgűrű (*semiring*)

GYŰRŰ (*RING*), DEF1

$\langle S, \oplus, \otimes \rangle$ algebrai struktúra *gyűrű*, ha $\forall a, b, c \in S$ -re

- $\langle S, \oplus \rangle$ Abel-csoport

- Kommutatív $a \oplus b = b \oplus a$
- Asszociatív $(a \oplus b) \oplus c = a \oplus (b \oplus c)$
- Van egységeleme $a \oplus 0 = a$ (nullelem)
- Van inverze $a \oplus (-a) = 0$

- $\langle S, \otimes \rangle$ félcsoport

- Asszociatív $(a \otimes b) \otimes c = a \otimes (b \otimes c)$

- Teljesül a disztributivitás:

- $a \otimes (b \oplus c) = (a \otimes b) \oplus (a \otimes c)$
- $(a \oplus b) \otimes c = (a \otimes c) \oplus (b \otimes c)$

GYŰRŰ (*RING*), DEF2

$\langle S, \oplus, \otimes \rangle$ algebrai struktúra **egységelemes gyűrű**, ha $\forall a, b, c \in S$ -re

- $\langle S, \oplus \rangle$ Abel-csoport

- Kommutatív $a \oplus b = b \oplus a$
- Asszociatív $(a \oplus b) \oplus c = a \oplus (b \oplus c)$
- Van egységeleme $a \oplus 0 = a$ (nullelem)
- Van inverze $a \oplus (-a) = 0$

- $\langle S, \otimes \rangle$ **egységelemes félcsoport (=monoid)**

- Asszociatív $(a \otimes b) \otimes c = a \otimes (b \otimes c)$
- **Van egységeleme** $a \otimes 1 = a$

- Teljesül a disztributivitás:

- $a \otimes (b \oplus c) = (a \otimes b) \oplus (a \otimes c)$
- $(a \oplus b) \otimes c = (a \otimes c) \oplus (b \otimes c)$

FÉLGYŰRŰ (SEMIRING)

$\langle S, \oplus, \otimes \rangle$ algebrai struktúra *félgűrű*, ha $\forall a, b, c \in S$ -re

- $\langle S, \oplus \rangle$ **kommutatív monoid**

- Kommutatív $a \oplus b = b \oplus a$
- Asszociatív $(a \oplus b) \oplus c = a \oplus (b \oplus c)$
- Van egységeleme $a \oplus 0 = a$ (nullelem)
- ~~○ Van inverze $a \oplus (-a) = 0$~~

- $\langle S, \otimes \rangle$ monoid

- Asszociatív $(a \otimes b) \otimes c = a \otimes (b \otimes c)$
- Van egységeleme $a \otimes 1 = a$

- Teljesül a disztributivitás:

- $a \otimes (b \oplus c) = (a \otimes b) \oplus (a \otimes c)$
- $(a \oplus b) \otimes c = (a \otimes c) \oplus (b \otimes c)$

FÉLGYŰRŰK

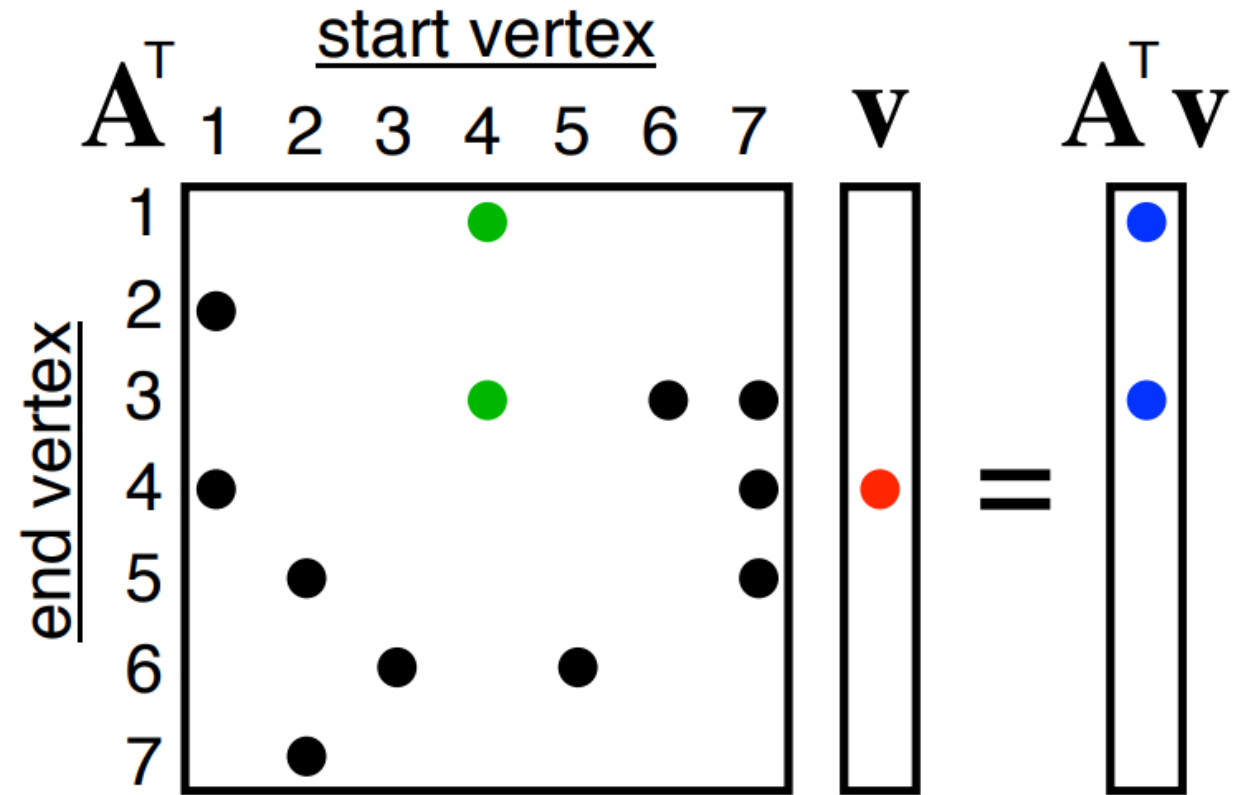
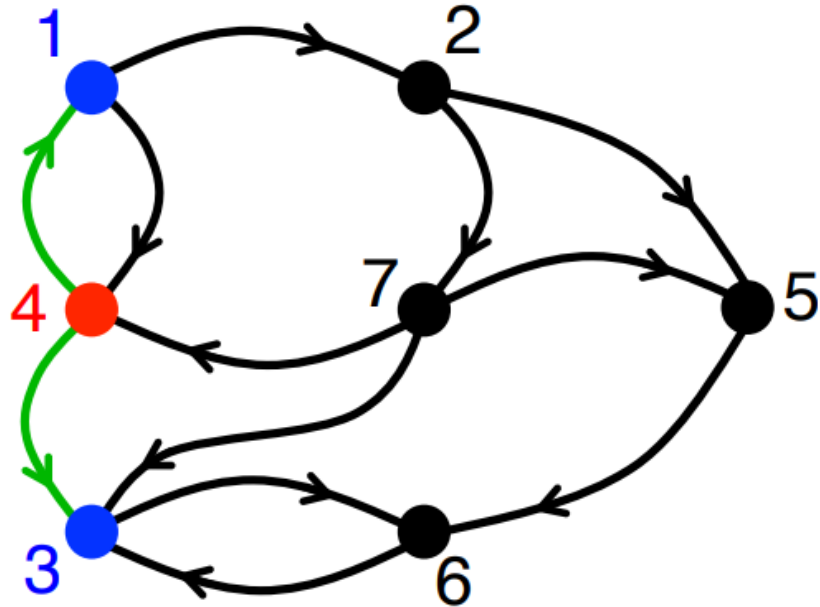
	alaphalmaz	$\oplus$	nullelem	$\otimes$	egységelem
valós számok	$a \in \mathbb{R}$	$+$	0	$\cdot$	1
max-plus	$a \in \mathbb{R} \cup \{-\infty\}$	$\max$	$-\infty$	$+$	0
min-plus	$a \in \mathbb{R} \cup \{+\infty\}$	$\min$	$+\infty$	$+$	0
lor-land	$a \in \{F, T\}$	$\vee$	F	$\wedge$	T
hatványhalmaz	$a \subset \mathbb{Z}$	$\cup$	$\emptyset$	$\cap$	$\emptyset$
Galois mező	$a \in \{0,1\}$	xor	0	$\wedge$	0

A max-plus/min-plus esetek *trópusi félgűrűk* néven is ismertek. Ezek a trópusi geometria (tropical geometry) területén használatosak, melyet Simon Imre magyar származású Brazíliában alkotó matematikus nyomán nevezték el.

Gráfbejáró algoritmusok GraphBLAS-ban

BFS: BREADTH-FIRST SEARCH*

- Breadth-first search (BFS)



- Részletesebben a [RedisGraph-ról szóló előadás](#) 14-28. diáin.
- Megjegyzés: a BFS-t könnyű, a DFS-t nehéz párhuzamosítani.

SSSP: SINGLE SOURCE SHORTEST PATH*

- Két pont közötti legrövidebb út
 - a következő problémával megegyező nehézségű
- Adott pontból vezető összes legrövidebb út

- Dijkstra algoritmus $\mathcal{O}(n + e)$
- Bellman-Ford algoritmus $\mathcal{O}(n \cdot e)$

- negatív élsúlyokat is kezel
- min.+ félgyűrű felett felírható ->

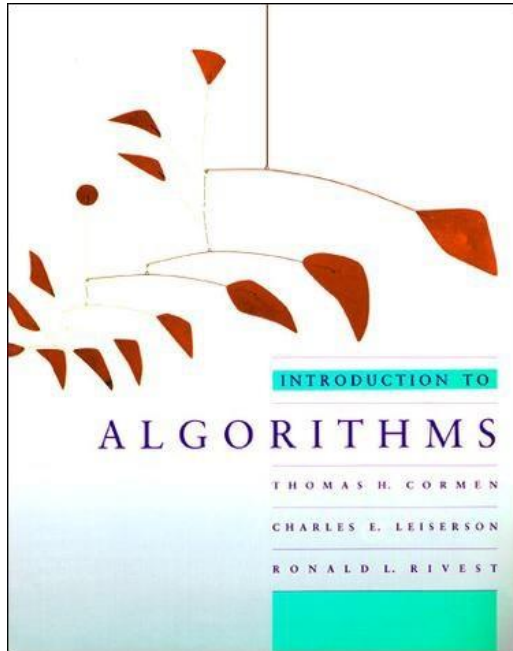
```
1  $d \leftarrow [\infty \ \infty \ \dots \ \infty]^T$ 
2  $d(s) \leftarrow 0$ 
3 for  $k \leftarrow 1$  to  $N - 1$  do
4   |  $d^T \leftarrow d^T \text{ min.} + A$ 
5 end
6 return  $d$ 
```

- Bármely két pont közötti legrövidebb út

- Floyd algoritmus $\mathcal{O}(n^3)$
 - a kimenete egy sűrű mátrix $\mathcal{O}(n^2)$ nem-nulla elemmel

Kapcsolódó irodalom

CORMEN-LEISERSON-RIVEST ALGORITMUSOK KÖNYV



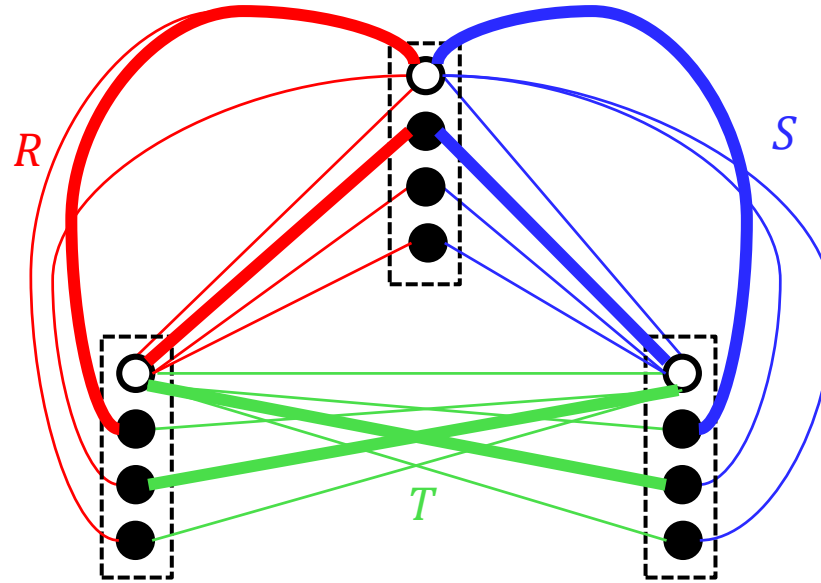
*26.4. Zárt félgyűrűk: az irányított utakkal kapcsolatos problémák algebrai szerkezete

¹A zárt félgyűrűkön alapuló algoritmusok, így a Floyd-Warshall és a tranzitív lezárás algoritmus jelentősége, hogy **párhuzamos számítási hálózatokon** alkalmazhatók. Leighton [135] kimerítően tárgyalja a párhuzamos számítási hálózatokon működő gráfalgoritmusokat és bemutatja, hogy a zárt félgyűrűi Út-Kiválasztás algoritmus a Gauss-elimináció lépéseivel hasonlít. *A fordító.*

Párhuzamos számítási hálózatok -> ma ilyenek a GPU-k

- 1997: a fenti lábjegyzet
- 1999: Nvidia GeForce 256
- 2001: első GPU-alapú mátrixszorzó algoritmus (GPGPU)

„SKEW” PROBLÉMA BINÁRIS ILLESZTÉSEKKEL*



Soroljuk fel mindegyik háromszöget: $R \bowtie S \bowtie T$

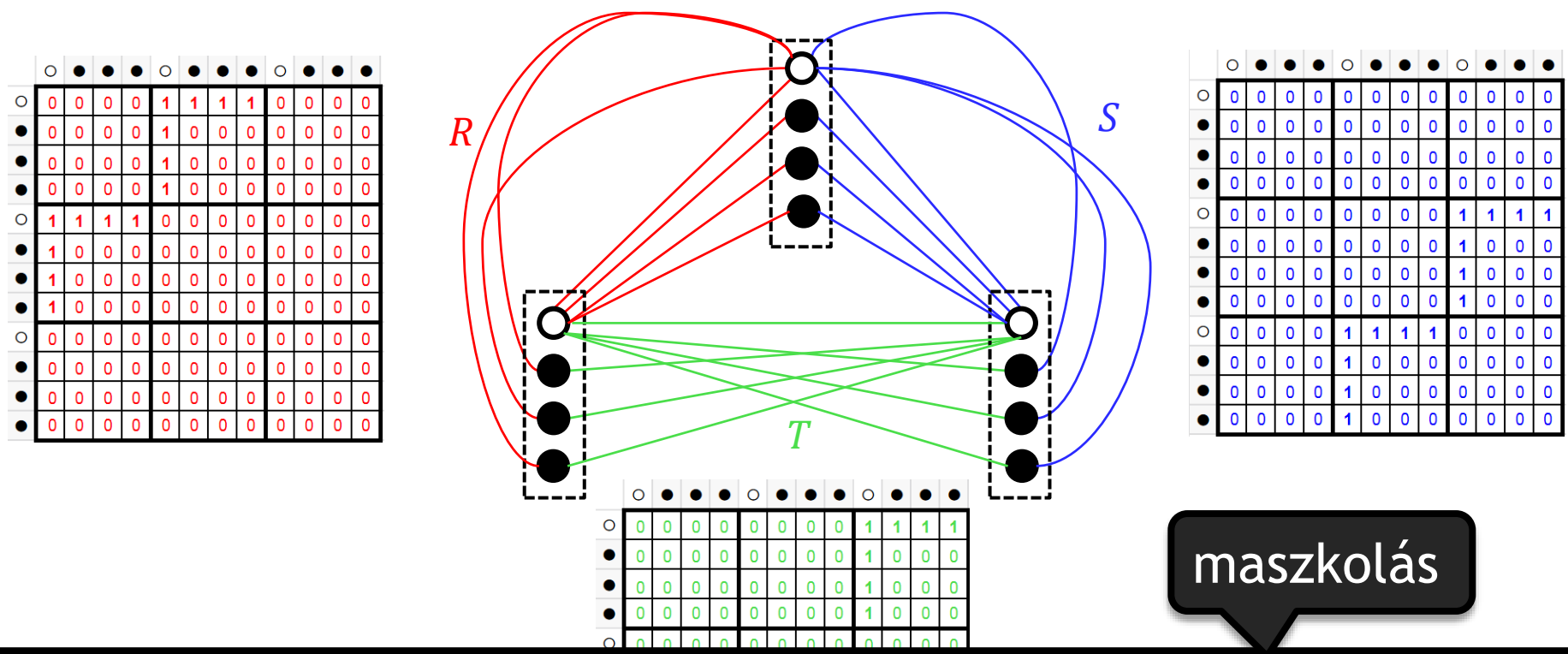
A *bináris természetes illesztést* használó megoldásoknak legalább $\mathcal{O}(n^2)$ lépésre van szüksége, miközben az elméleti alsó korlát $\mathcal{O}(n^{1.5})$.



H.Q. Ngo et al. @ SIGMOD Record 2013

Skew strikes back: new developments in the theory of join algorithms.

„SKEW” MÁTRIXOKON*



maszkolás

$R \cdot S =$

○	●	●	●	○	●	●	●	○	●	●	●
○	0	0	0	0	0	0	0	0	4	1	1
●	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
●	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
●	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
○	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
○	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

19 ék
 $O(n^2)$

$R \cdot S \cdot T =$

○	●	●	●	○	●	●	●	○	●	●	●
○	0	0	0	0	0	0	0	0	4	1	1
●	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
○	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
○	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

10 háromszög
 $O(n)$

„SKEW” AZ ADATELOSZLÁSBAN*

- A worst-case optimal join algoritmusok képesek multiway join művelettel $\mathcal{O}(n^{1.5})$ alatt kiszámítani az eredményt: $\bowtie (R, S, T)$
- Előfordul-e ez a gyakorlatban? Igen! Skálafüggetlen hálózatok.
- A probléma jól ismert a gráfanalitikában is, ezért van a GraphBLAS-ban API szinten maszkolt mátrix szorzás.



H.Q. Ngo @ Journal of the ACM 2018
Worst-case optimal join algorithms



T.M. Low, S. McMillan et al. @ HPEC 2017
First look: linear algebra-based triangle counting without matrix multiplication

Összefoglalás

KIHÍVÁSOK A GRÁFFELDOLGOZÁSBAN

- Véletlen hozzáférés (random access)
- NF^2 adatszerkezet
 - Tulajdonságok
 - Kollektciók: lista, map (dictionary)
- Halmaz/multihalmaz/lista szemantikájú eredményhalmazok
- Anti/semi/outer join műveletek kezelése
- Lekérdezések és CUD műveletek keveredése
- Analitikai és lekérdezés terhelési profilok keveredése
- Vizualizáció (!)
- Friss terület

GRÁFLEKÉRDEZŐNYELVEK ÉS FORMALIZÁLÁSUK



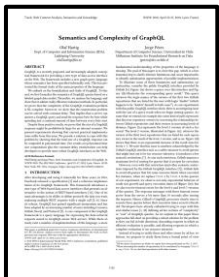
J. Marton, G. Szárnyas, D. Varró,
Formalising openCypher Graph Queries in Relational Algebra,
ADBIS 2017



N. Francis et al.,
Cypher: An Evolving Query Language for Property Graphs,
SIGMOD 2018



R. Angles et al.,
G-CORE: A Core for Future Graph Query Languages,
SIGMOD 2018



O. Hartig, J. Pérez,
Semantics and Complexity of GraphQL,
WWW 2018